

Exam-Date -03-10-2021 - (E)

पुस्तिका में पृष्ठों की संख्या : 48
Number of Pages in Booklet : 48
पुस्तिका में प्रश्नों की संख्या : 150
No. of Questions in Booklet : 150
Paper Code : 40
Sub: Physics-II

प्रश्न-पत्र पुस्तिका संख्या /
Question Paper Booklet No.

APCE-12

8267513

समय : 3.00 घण्टे
Time : 3.00 Hours

Paper - II

अधिकतम अंक : 75
Maximum Marks : 75

प्रश्न-पत्र पुस्तिका एवं उत्तर पत्रक के पेपर सील/पॉलिथीन बैग को खोलने पर परीक्षार्थी यह सुनिश्चित कर लें कि उसके प्रश्न-पत्र पुस्तिका पर वही प्रश्न-पत्र पुस्तिका संख्या अंकित है जो उत्तर पत्रक पर अंकित है। इसमें कोई भिन्नता हो तो परीक्षार्थी बीक्षक से दूसरा प्रश्न-पत्र प्राप्त कर लें। ऐसा सुनिश्चित करने की जिम्मेदारी अभ्यर्थी की होगी।

On opening the paper seal/polythene bag of the Question Paper Booklet the candidate should ensure that Question Paper Booklet No. of the Question Paper Booklet and Answer Sheet must be same. If there is any difference, candidate must obtain another Question Paper Booklet from Invigilator. Candidate himself shall be responsible for ensuring this.

परीक्षार्थियों के लिए निर्देश

1. सभी प्रश्नों के उत्तर दीजिए।
2. सभी प्रश्नों के अंक समान हैं।
3. प्रत्येक प्रश्न का केवल एक ही उत्तर दीजिए।
4. एक से अधिक उत्तर देने की दशा में प्रश्न के उत्तर को गलत माना जाएगा।
5. प्रत्येक प्रश्न के चार वैकल्पिक उत्तर दिये गये हैं, जिन्हें क्रमशः 1, 2, 3, 4 अंकित किया गया है। अभ्यर्थी को सही उत्तर निर्दिष्ट करते हुए उनमें से केवल एक गोले अथवा बबल को उत्तर पत्रक पर नीले बॉल प्वाइंट पेन से गहरा करना है।
6. OMR उत्तर पत्रक इस परीक्षा पुस्तिका के अन्दर रखा है। जब आपको परीक्षा पुस्तिका खोलने को कहा जाए, तो उत्तर-पत्रक निकाल कर ध्यान से केवल नीले बॉल प्वाइंट पेन से विवरण भरें।
7. प्रत्येक गलत उत्तर के लिए प्रश्न अंक का 1/3 भाग काटा जायेगा। गलत उत्तर से तात्पर्य अशुद्ध उत्तर अथवा किसी भी प्रश्न के एक से अधिक उत्तर से है। किसी भी प्रश्न से संबंधित गोले या बबल को खाली छोड़ना गलत उत्तर नहीं माना जायेगा।
8. मोबाइल फोन अथवा इलेक्ट्रॉनिक यंत्र का परीक्षा हॉल में प्रयोग पूर्णतया वर्जित है। यदि किसी अभ्यर्थी के पास ऐसी कोई वर्जित सामग्री मिलती है तो उसके विरुद्ध आयोग द्वारा नियमानुसार कार्यवाही की जायेगी।
9. कृपया अपना रोल नम्बर ओ.एम.आर. पत्रक पर सावधानीपूर्वक सही भरें। गलत अथवा अपूर्ण रोल नम्बर भरने पर 5 अंक कुल प्राप्तांकों में से काटे जा सकते हैं।
10. यदि किसी प्रश्न में किसी प्रकार की कोई मुद्रण या तथ्यात्मक प्रकार की त्रुटि हो तो प्रश्न के हिन्दी तथा अंग्रेजी रूपान्तरों में से अंग्रेजी रूपान्तर मान्य होगा।

चेतावनी : अगर कोई अभ्यर्थी नकल करते पकड़ा जाता है या उसके पास से कोई अनधिकृत सामग्री पाई जाती है, तो उस अभ्यर्थी के विरुद्ध पुलिस में प्राथमिकी दर्ज कराते हुए विविध नियमों-प्रावधानों के तहत कार्यवाही की जाएगी। साथ ही विभाग ऐसे अभ्यर्थी को भविष्य में होने वाली विभाग की समस्त परीक्षाओं से विवर्जित कर सकता है।

INSTRUCTIONS FOR CANDIDATES

1. Answer all questions.
2. All questions carry equal marks.
3. Only one answer is to be given for each question.
4. If more than one answers are marked, it would be treated as wrong answer.
5. Each question has four alternative responses marked serially as 1, 2, 3, 4. You have to darken only one circle or bubble indicating the correct answer on the Answer Sheet using BLUE BALL POINT PEN.
6. The OMR Answer Sheet is inside this Test Booklet. When you are directed to open the Test Booklet, take out the Answer Sheet and fill in the particulars carefully with blue ball point pen only.
7. 1/3 part of the mark(s) of each question will be deducted for each wrong answer. A wrong answer means an incorrect answer or more than one answers for any question. Leaving all the relevant circles or bubbles of any question blank will not be considered as wrong answer.
8. Mobile Phone or any other electronic gadget in the examination hall is strictly prohibited. A candidate found with any of such objectionable material with him/her will be strictly dealt as per rules.
9. Please correctly fill your Roll Number in O.M.R. Sheet. 5 Marks can be deducted for filling wrong or incomplete Roll Number.
10. If there is any sort of ambiguity/mistake either of printing or factual nature then out of Hindi and English Version of the question, the English Version will be treated as standard.

Warning : If a candidate is found copying or if any unauthorized material is found in his/her possession, F.I.R. would be lodged against him/her in the Police Station and he/she would liable to be prosecuted. Department may also debar him/her permanently from all future examinations.

इस परीक्षा पुस्तिका को तब तक न खोलें जब तक कहा न जाए।

Do not open this Test Booklet until you are asked to do so.

40-□



1. $f(z) = u(x, y) + iv(x, y)$ के विश्लेषिक होने की आवश्यक एवं पर्याप्त शर्त है -

- (1) $\frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial v}{\partial y}, \frac{\partial v}{\partial x} = -\frac{\partial u}{\partial y}$
- (2) $\frac{\partial u}{\partial x} = -\frac{\partial v}{\partial y}, \frac{\partial v}{\partial x} = -\frac{\partial u}{\partial y}$
- (3) $\frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial v}{\partial y}, \frac{\partial v}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial y}$
- (4) $\frac{\partial u}{\partial x} \neq \frac{\partial v}{\partial y}, \frac{\partial v}{\partial x} \neq \frac{\partial u}{\partial y}$

2. $\frac{z}{(z-a)(z-b)}$ का अनन्त पर अवशिष्ट (रेज़िड्यू) है -

- (1) 0 (शून्य)
- (2) 1
- (3) -1
- (4) -4/3

3. दो प्रदिशों के प्रत्यक्ष गुणनफल से प्राप्त नए प्रदिश की कोटि (रैंक) तुल्य है -

- (1) इन प्रदिशों की कोटि के योग के
- (2) इन प्रदिशों की कोटि के गुणनफल के
- (3) इन प्रदिशों की कोटि के महत्तम समावर्ती (HCF) के
- (4) इन प्रदिशों की कोटि के लघुत्तम समावर्ती (LCM) के

4. n विमीय समष्टि में r कोटि (रैंक) के एक असममित प्रदिश के, अधिक से अधिक स्वतंत्र घटक होंगे -

- (1) $n - r$
- (2) $n + r$
- (3) ${}^n p_r$
- (4) ${}^n c_r$

1. The necessary and sufficient condition for $f(z) = u(x, y) + iv(x, y)$ to be analytic are

- (1) $\frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial v}{\partial y}, \frac{\partial v}{\partial x} = -\frac{\partial u}{\partial y}$
- (2) $\frac{\partial u}{\partial x} = -\frac{\partial v}{\partial y}, \frac{\partial v}{\partial x} = -\frac{\partial u}{\partial y}$
- (3) $\frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial v}{\partial y}, \frac{\partial v}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial y}$
- (4) $\frac{\partial u}{\partial x} \neq \frac{\partial v}{\partial y}, \frac{\partial v}{\partial x} \neq \frac{\partial u}{\partial y}$

2. The residue of $\frac{z}{(z-a)(z-b)}$ at infinity is

- (1) 0 (zero)
- (2) 1
- (3) -1
- (4) -4/3

3. The direct product of two tensors results in a new tensor of rank equal to

- (1) the sum of ranks of these tensors.
- (2) the product of ranks of these tensors.
- (3) the HCF (highest common factor) of rank of these tensors.
- (4) the LCM (least common multiple) of ranks of these tensors.

4. At the most, the number of independent component of an anti symmetric tensor of rank r in n -dimensional space will be

- (1) $n - r$
- (2) $n + r$
- (3) ${}^n p_r$
- (4) ${}^n c_r$

5. उपसमूह H के संदर्भ में, निम्नलिखित कथनों में से कौन सा सही नहीं है ?

- (1) यदि $a \in H$ तो $a^{-1} \in H$
- (2) चक्रीय समूह का प्रत्येक उपसमूह चक्रीय होता है।
- (3) यदि $a, b \in H$ तो $ab^{-1} \in H$
- (4) एक परिमित समूह के उपसमूह की कोटि (ऑर्डर) समूह की कोटि का पूर्ण गुणन होती है।

6. अग्र अन्तर संकारक (Δ), पश्च अंतर संकारक (∇), केन्द्रीय अन्तर संकारक (δ), विस्थापक संकारक (E) तथा औसतकारी संकारक (μ) के मध्य गलत सम्बन्ध चुनिए।

- (1) $\nabla = 1 - E^{-1}$
- (2) $\mu^2 = 1 + \frac{3}{4} \delta^2$
- (3) $\mu\delta = \frac{1}{2}(E - E^{-1})$
- (4) $\Delta = \delta E^{1/2}$

7. निम्न सारणी से $f(2.8)$ की गणना कीजिए :
(निकटतम पूर्णांक तक)

x	0	1	2	3
$f(x)$	1	2	11	34

- (1) 17
- (2) 24
- (3) 28
- (4) 32

5. Which of the following statements is NOT true, in reference to subgroup H ?

- (1) If $a \in H$ then $a^{-1} \in H$
- (2) Every subgroup of a cyclic group is cyclic.
- (3) If $a, b \in H$ then $ab^{-1} \in H$
- (4) The order of a subgroup of a finite group is an integral multiple of the order of the group.

6. Choose wrong relation between forward difference operator (Δ), backward difference operator (∇), central difference operator (δ), shift operator E and averaging operator (μ).

- (1) $\nabla = 1 - E^{-1}$
- (2) $\mu^2 = 1 + \frac{3}{4} \delta^2$
- (3) $\mu\delta = \frac{1}{2}(E - E^{-1})$
- (4) $\Delta = \delta E^{1/2}$

7. Calculate the value of $f(2.8)$ from the following tables (to the nearest integer) :

x	0	1	2	3
$f(x)$	1	2	11	34

- (1) 17
- (2) 24
- (3) 28
- (4) 32

8. यदि समाकलन परास को n समान उपअन्तराल में बिन्दुओं $x_0, x_0 + h, x_0 + 2h, \dots, x_0 + nh$ से विभक्त करते हैं, तो ट्रेपेजोइडल नियम के अनुसार, फलन का परास पर समाकलन होगा –

- (1) $h[f(x_0) + f(x_0 + nh)]$
- (2) $\frac{h}{2} [f(x_0) + f(x_0 + nh)] + 2\{f(x_0 + h) + f(x_0 + 2h) + \dots + f(x_0 + (n-1)h)\}$
- (3) $\frac{h}{3} [f(x_0) + f(x_0 + nh)] + 2\{f(x_0 + h) + f(x_0 + 2h) + \dots + f(x_0 + (n-1)h)\}$
- (4) $\frac{h}{3} [f(x_0) + f(x_0 + nh)]$

9. नीचे दी गई समीकरण से $y(0.4)$ की गणना रूंगे-कुट्टा विधि से कीजिए। (तीन दशमलव स्थान तक सही)

$$\frac{dy}{dx} = xy; y(0) = 2 \quad h = 0.2 \text{ लीजिए।}$$

- (1) 2.1445
- (2) 2.1741
- (3) 2.1666
- (4) 2.2711

10. $\Delta^2 0^3$ का मान है –

(जहाँ Δ अन्तर संकारक है, $0 =$ शून्य पढ़ें)

- (1) शून्य
- (2) 6
- (3) 9
- (4) 12

8. If the range of integration is divided into n equal sub-intervals by the points $x_0, x_0 + h, x_0 + 2h \dots x_0 + nh$. Then according to Trapezoidal rule, integration of the function over the range will be

- (1) $h[f(x_0) + f(x_0 + nh)]$
- (2) $\frac{h}{2} [f(x_0) + f(x_0 + nh)] + 2\{f(x_0 + h) + f(x_0 + 2h) + \dots + f(x_0 + (n-1)h)\}$
- (3) $\frac{h}{3} [f(x_0) + f(x_0 + nh)] + 2\{f(x_0 + h) + f(x_0 + 2h) + \dots + f(x_0 + (n-1)h)\}$
- (4) $\frac{h}{3} [f(x_0) + f(x_0 + nh)]$

9. Compute $y(0.4)$ by Runge – Kutta method from the given equation (correct upto three decimal place)

$$\frac{dy}{dx} = xy; y(0) = 2 \text{ taking } h = 0.2.$$

- (1) 2.1445
- (2) 2.1741
- (3) 2.1666
- (4) 2.2711

10. The value of $\Delta^2 0^3$ is (where Δ is difference operator and '0' read zero)

- (1) zero
- (2) 6
- (3) 9
- (4) 12

11. समाकलन $\int_0^4 e^x \cdot dx$ का मान सिम्पसन 1/3

नियम प्रयोग कर ज्ञात कीजिए।

[दिया है $e = 2.72$]

(1) 52.6

(2) 51.6

(3) 53.6

(4) 55.8

12. यदि पांसे की एक जोड़ी को फेंका जाता है, तो योग 8 प्रदर्शित होने की प्रायिकता है -

(1) $\frac{1}{6}$

(2) $\frac{5}{36}$

(3) $\frac{7}{36}$

(4) $\frac{2}{9}$

13. यदि यादृच्छिक चर X के मान $u_1 < u_2 \dots < u_n$ मानते हैं और कोई अन्य नहीं, तो बिन्दुओं $t = u_1, u_2, \dots, u_n$ पर आवृत्तियों $p_x(t)$ के मानों का योग तुल्य होगा -

(1) शून्य

(2) $\frac{1}{2}$

(3) $\frac{1}{2}$ से अधिक किन्तु 1 से कम

(4) 1

11. Find the value of integral $\int_0^4 e^x \cdot dx$ using Simpson's 1/3 rule.

[Given $e = 2.72$]

(1) 52.6

(2) 51.6

(3) 53.6

(4) 55.8

12. If a pair of dice is thrown, the probability that a sum of 8 appears, is

(1) $\frac{1}{6}$

(2) $\frac{5}{36}$

(3) $\frac{7}{36}$

(4) $\frac{2}{9}$

13. If random variable X assumes values $u_1 < u_2 \dots < u_n$ and no others, then the sum of the values of frequency $p_x(t)$ at the points $t = u_1, u_2 \dots u_n$ will be equal to

(1) zero

(2) $\frac{1}{2}$

(3) greater than $\frac{1}{2}$ but less than 1

(4) 1

14. द्विपद वितरण में n स्वतंत्र प्रयासों में अधिकतम संभाव्य सफलता संख्या है -

(यहाँ $[y]$ y के पूर्ण गुणक भाग को प्रदर्शित करता है अन्य चरों के सामान्य अर्थ हैं)

- (1) $[Np]$
- (2) $[(N + 1)p]$
- (3) $\frac{1}{2} [(N - 1)p]$
- (4) $\frac{3}{4} [(N + 1)p]$

15. दो प्रसामान्य (नॉर्मल) वितरणों की कुल आवृत्ति समान है प्रथम का मानक विचलन द्वितीय का k गुणा है। यदि प्रथम की अधिकतम आवृत्ति दूसरे की अधिकतम आवृत्ति की n गुणा है। यहाँ 'n' है -

- (1) k^2
- (2) $\frac{1}{k^2}$
- (3) $\frac{1}{k}$
- (4) $\frac{1}{\sqrt{k}}$

16. m द्रव्यमान के एक कण पर बल $\vec{F}_1, \vec{F}_2, \vec{F}_3$ इस प्रकार लगते हैं कि निकाय साम्यावस्था में है। यहाँ $\vec{F}_2$ तथा $\vec{F}_3$ परस्पर लम्बवत हैं। यदि बल $\vec{F}_1$ को अब हटाते हैं तो कण के त्वरण का परिमाण है -

- (1) शून्य
- (2) $\frac{F_2 F_3}{m}$
- (3) $\frac{F_1}{m}$
- (4) $\frac{F_2^2 + F_3^2}{m}$

14. The most probable number of successes of n independent trials in binomial distribution is

(here $[y]$ denotes the integral part of y and other variables have their usual meanings)

- (1) $[Np]$
- (2) $[(N + 1)p]$
- (3) $\frac{1}{2} [(N - 1)p]$
- (4) $\frac{3}{4} [(N + 1)p]$

15. For two normal distributions having the same total frequency the standard deviation of first is k times that of the other. If the maximum frequency of the first is n times that of other. Here 'n' is

- (1) k^2
- (2) $\frac{1}{k^2}$
- (3) $\frac{1}{k}$
- (4) $\frac{1}{\sqrt{k}}$

16. When forces $\vec{F}_1, \vec{F}_2, \vec{F}_3$ are acting on a particle of mass m such that system is under equilibrium. Hence $\vec{F}_2$ and $\vec{F}_3$ are mutually perpendicular. If the force $\vec{F}_1$ is now removed then the magnitude of the acceleration of the particle is

- (1) zero
- (2) $\frac{F_2 F_3}{m}$
- (3) $\frac{F_1}{m}$
- (4) $\frac{F_2^2 + F_3^2}{m}$

17. केन्द्रीय बलों के संदर्भ में नीचे दिए गए कथनों में से कौन सा सत्य नहीं है ?

- (1) एक केन्द्रीय बल सदैव किसी बिन्दु की ओर अथवा उससे बाहर की ओर दिशीत होता है।
- (2) केन्द्रीय बलों के अधीन गति में, कोणीय संवेग सदैव संरक्षित रहता है।
- (3) केन्द्रीय बलों के अधीन कण की गति सदैव एक तल में बद्ध रहती है।
- (4) बल के केन्द्र के सापेक्ष कण की स्थिति सदिश का क्षेत्रिय वेग नियत रह भी सकता है और नहीं भी।

18. यदि व्युत्क्रम केन्द्रीय बल के अधीन गतिशील वस्तु का प्रक्षेप पथ परवलयकार है, तो उत्केन्द्रता (ϵ) तथा कुल ऊर्जा (E) होगी -

- (1) $\epsilon = 0, E = 0$
- (2) $\epsilon = 1, E = 0$
- (3) $\epsilon = 1, E < 0$
- (4) $\epsilon < 1, E = 0$

19. एक तारे के चारों ओर तीन ग्रह वृत्तीय कक्षा में दूरी क्रमशः 9, 49 एवं 99 पर गति कर रहे हैं। समय $t = t_0$ पर तारा एवं तीनों ग्रह सीधी रेखा में हैं। निकटतम ग्रह का घूर्णन काल T है। t_0 के कितने समय के पश्चात् ये पुनः सीधी रेखा में आयेंगे ?

- (1) 8 T
- (2) 27 T
- (3) 512 T
- (4) 216 T

17. Which of the following statements is NOT true regarding central forces ?

- (1) A central force is always directed towards or away from a fixed point.
- (2) In the motion under the central force, the angular momentum is always conserved.
- (3) The motion of a particle under the central force is always confined to a plane.
- (4) The position vector of the particle with respect to centre of the force may or may not have constant areal velocity.

18. If trajectory of a moving body under inverse central force is parabolic. Then eccentricity (ϵ) and total energy (E) will be

- (1) $\epsilon = 0, E = 0$
- (2) $\epsilon = 1, E = 0$
- (3) $\epsilon = 1, E < 0$
- (4) $\epsilon < 1, E = 0$

19. Three planets are moving in circular orbits around a star at distance 9, 49 and 99 respectively. At time $t = t_0$ the star and three planets are in straight line. The period of revolution of the closest planet is T. How long after t_0 will they again be in the same straight line ?

- (1) 8 T
- (2) 27 T
- (3) 512 T
- (4) 216 T

20. M द्रव्यमान का एक कण समान द्रव्यमान एवं a त्रिज्या के एकसमान गोलीय कोश के केन्द्र पर रखा है। केन्द्र से $\frac{a}{2}$ दूरी पर स्थित बिन्दु पर गुरुत्वीय विभव है -

(1) शून्य

(2) $-\frac{GM}{a}$

(3) $-\frac{2GM}{a}$

(4) $-\frac{3GM}{a}$

21. m_1 द्रव्यमान का कण v_1 वेग से गति करता हुआ m_2 द्रव्यमान व v_2 वेग से गतिशील कण से पूर्णतः अप्रत्यास्थ संघट्ट करता है। संघट्ट में गतिज ऊर्जा की हानि होगी -

(1) $\frac{1}{2} \frac{m_2}{m_1 + m_2} v_1^2$

(2) $\frac{1}{2} \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} (v_1 - v_2)^2$

(3) $\frac{1}{2} \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} (v_1 + v_2)^2$

(4) $\frac{1}{2} (m_1 + m_2) (v_1 - v_2)^2$

20. A particle of mass M is placed at the centre of a uniform spherical shell of equal mass and radius a. The Gravitation potential at a point at a distance $\frac{a}{2}$ from the centre is

(1) zero

(2) $-\frac{GM}{a}$

(3) $-\frac{2GM}{a}$

(4) $-\frac{3GM}{a}$

21. A particle of mass m, moving with velocity v_1 collides perfectly inelastically with another particle of mass m_2 , moving with velocity v_2 . The loss of kinetic energy in the collision will be

(1) $\frac{1}{2} \frac{m_2}{m_1 + m_2} v_1^2$

(2) $\frac{1}{2} \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} (v_1 - v_2)^2$

(3) $\frac{1}{2} \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} (v_1 + v_2)^2$

(4) $\frac{1}{2} (m_1 + m_2) (v_1 - v_2)^2$

22. एक कण जिसका द्रव्यमान m है, वेग $\vec{v} = v_0 (\hat{i} + \hat{j})$ से गति करता हुआ एक दूसरे कण जिसका द्रव्यमान $2m$ है जो कि प्रारम्भ में विरामावस्था में है से प्रत्यास्थ टक्कर करता है। यहाँ v_0 एक नियतांक है। निम्न में से कौन सा कथन सत्य है ?

(1) टक्कर से पूर्व द्रव्यमान केन्द्र जिस दिशा के

अनुदिश गति करता है वह $-\left(\frac{\hat{i} + \hat{j}}{\sqrt{2}}\right)$ है।

(2) द्रव्यमान केन्द्र के फ्रेम में टक्कर से पूर्व m द्रव्यमान के कण की चाल $\sqrt{2} v_0$ है।

(3) द्रव्यमान केन्द्र के फ्रेम में टक्कर के बाद $2m$ द्रव्यमान के कण की चाल $\frac{\sqrt{2}}{3} v_0$ है।

(4) द्रव्यमान केन्द्र के फ्रेम में टक्कर से पूर्व $2m$ द्रव्यमान के कण की चाल $\sqrt{2} v_0$ है।

23. एक कण नियत कोणीय वेग से वृत्ताकार पथ में घूम रहा है तथा इसका कोणीय संवेग L है। यदि अब कोणीय वेग को समान रखते हुए रस्सी की लम्बाई को आधा कर देते हैं तो कोणीय संवेग हो जाएगा -

(1) $\frac{L}{4}$

(2) $\frac{L}{2}$

(3) L

(4) $2L$

22. A particle of mass m , moving with a velocity $\vec{v} = v_0 (\hat{i} + \hat{j})$, collides elastically with another particle of mass $2m$, which is at rest initially. Here v_0 is a constant. Which of the following statement is true ?

(1) The direction along which centre of mass moves before

collision is $-\left(\frac{\hat{i} + \hat{j}}{\sqrt{2}}\right)$.

(2) The speed of particle of mass m before collision in centre of mass frame is $\sqrt{2} v_0$.

(3) After collision the speed of particle of mass $2m$ in the centre of mass frame is $\frac{\sqrt{2}}{3} v_0$.

(4) Speed of particle of mass $2m$ before collision in the centre of mass frame is $\sqrt{2} v_0$.

23. A particle is whirled in a circular path with a constant angular velocity and its angular momentum is L . If the length of the string is now halved keeping the angular velocity same, the angular momentum will become

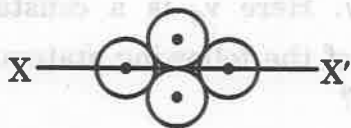
(1) $\frac{L}{4}$

(2) $\frac{L}{2}$

(3) L

(4) $2L$

24. एक गोले का इसके व्यास के सापेक्ष जड़त्व आघूर्ण I है। निकाय (चित्र में दर्शाये अनुसार) का अक्ष XX' के सापेक्ष जड़त्व आघूर्ण होगा – (चित्र में सभी गोलों को समरूप विचारित करें।)



- (1) $4I$
- (2) $6I$
- (3) $9I$
- (4) $14I$

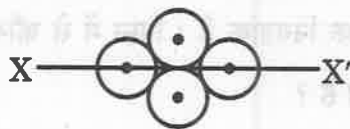
25. एक दृढ़ पिंड के जड़त्वीय गुणांक, सममित प्रदिश (टेन्सर) के घटक हैं जिसकी रैंक (कोटि) है

- (1) एक
- (2) दो
- (3) तीन
- (4) चार

26. केन्द्रीय बल $F = -\frac{k}{r^2}$ के प्रभाव में गतिशील कण के लिए लेग्रान्जियन है (प्रतीकों के प्रचलित अर्थ हैं)

- (1) $\frac{1}{2} m (\dot{r}^2 + r^2 \dot{\theta}^2) + \frac{k}{r}$
- (2) $m (\dot{r} + r \dot{\theta}^2) - \frac{k}{r}$
- (3) $\frac{1}{2} m (\dot{r} + r^2 \dot{\theta}) - \frac{k}{r}$
- (4) $\frac{1}{2} m (\dot{r}^2 - r \dot{\theta}^2) + \frac{k}{r}$

24. The moment of inertia of a sphere about its diameter is I . The moment of inertia of the system (shown in figure) about the axis XX' will be (consider all spheres to be identical in figure)



- (1) $4I$
- (2) $6I$
- (3) $9I$
- (4) $14I$

25. Inertial coefficient of a rigid body are the component of a symmetric tensor of rank _____.

- (1) one
- (2) two
- (3) three
- (4) four

26. Lagrangian for a particle moving under the influence of a central force $F = -\frac{k}{r^2}$ is (symbols have their usual meanings)

- (1) $\frac{1}{2} m (\dot{r}^2 + r^2 \dot{\theta}^2) + \frac{k}{r}$
- (2) $m (\dot{r} + r \dot{\theta}^2) - \frac{k}{r}$
- (3) $\frac{1}{2} m (\dot{r} + r^2 \dot{\theta}) - \frac{k}{r}$
- (4) $\frac{1}{2} m (\dot{r}^2 - r \dot{\theta}^2) + \frac{k}{r}$

27. एक कण व्यापीकृत विभव $v(q, \dot{q}) = \frac{1 + \dot{q}}{q^2}$

में गति कर रहा है। व्यापीकृत बल का परिमाण है -

(1) $2 \frac{(1 + \dot{q})}{q^3}$

(2) $\frac{2}{q^3}$

(3) $2 \frac{(1 - \dot{q})}{q^3}$

(4) $\frac{\dot{q}}{q^3}$

28. एक प्रक्षेप्य की गति दूसरे प्रक्षेप्य गति से देखे जाने पर सदैव होगी -

(1) परवलयी गति

(2) वृत्ताकार गति

(3) सीधी रेखा गति

(4) यादृच्छिक दिशा की गति

27. A particle is moving under the action of a generalized potential

$$v(q, \dot{q}) = \frac{1 + \dot{q}}{q^2}$$

The magnitude of generalized force is

(1) $2 \frac{(1 + \dot{q})}{q^3}$

(2) $\frac{2}{q^3}$

(3) $2 \frac{(1 - \dot{q})}{q^3}$

(4) $\frac{\dot{q}}{q^3}$

28. The motion of one projectile as seen from another projectile motion will always be

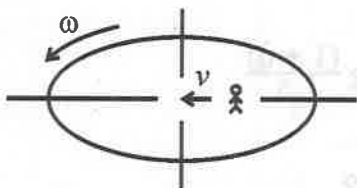
(1) Parabolic motion

(2) Circular motion

(3) Straight line motion

(4) Arbitrary directional motion

29. एक वृत्ताकार प्लेटफॉर्म इसके केन्द्र से पारित तथा इसके तल के लम्बवत् अक्ष के परितः एकसमान कोणीय चाल ω से वामावर्ती घूम रहा है जैसा कि चित्र में प्रदर्शित है। m द्रव्यमान का एक लड़का प्लेटफॉर्म पर एकसमान वेग v से त्रिज्यतः अन्दर की ओर चलता है। कोरियोलिस बल का परिमाण एवं दिशा (लड़के के चलने की दिशा के सापेक्ष) हैं



- (1) $2 m \omega v$, उसके बायीं ओर
- (2) $2 m \omega v$, उसके दायीं ओर
- (3) $2 m \omega v$, उसके सामने
- (4) $2 m \omega v$, उसके पीछे

30. हेमिल्टन सिद्धांत का गणितीय कथन है – (प्रतीकों के सामान्य अर्थ हैं)

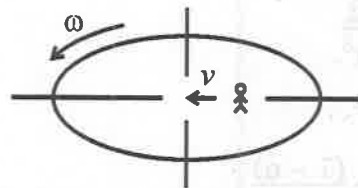
$$(1) \delta \int_{t_1}^{t_2} L^2 dt = 0$$

$$(2) \delta \int_{t_1}^{t_2} L dt = 0$$

$$(3) \Delta \int_{t_1}^{t_2} 2T dt = 0$$

$$(4) \Delta \int_{t_1}^{t_2} T^2 dt = 0$$

29. A circular platform is rotating with a uniform angular speed ω counter clockwise about an axis passing through its centre and perpendicular to its plane as shown in figure. A boy of mass m walk radially inwards with a uniform velocity v on platform. The magnitude and the direction of the coriolis force (with respect to the direction along which the boy walks) is :



- (1) $2 m \omega v$ towards his left
- (2) $2 m \omega v$ towards his right
- (3) $2 m \omega v$ towards his front
- (4) $2 m \omega v$ towards his back

30. The mathematical statement for Hamilton's principle is represent by (symbols have usual meaning)

$$(1) \delta \int_{t_1}^{t_2} L^2 dt = 0$$

$$(2) \delta \int_{t_1}^{t_2} L dt = 0$$

$$(3) \Delta \int_{t_1}^{t_2} 2T dt = 0$$

$$(4) \Delta \int_{t_1}^{t_2} T^2 dt = 0$$

31. नीचे दिए गए दो रूपांतरणों पर विचार करें :

I. $Q = \sqrt{2q} e^a \cos p;$
 $P = \sqrt{2q} e^{-a} \sin p$

II. $Q = \frac{1}{p}; P = ap^2$

इन रूपांतरणों के लिए सही कथन चुनिए :

- (1) दोनों रूपांतरण I तथा II विहित (केनोनिकल) है।
- (2) केवल रूपांतरण I विहित (केनोनिकल) है।
- (3) केवल रूपांतरण II विहित (केनोनिकल) है।
- (4) न तो रूपांतरण I न ही II विहित (केनोनिकल) है।

32. प्वासों कोष्ठक के लिए गलत गुणधर्म (सम्बन्ध) चुनिए।

- (1) $(\phi, \psi) = -(\psi, \phi)$
- (2) $(\phi, \psi + \chi) = (\phi, \psi) + (\phi, \chi)$
- (3) $(\phi, \chi\psi) = \chi(\phi, \psi) + (\phi, \chi)\psi$
- (4) $((\phi, \psi), \chi) + ((\chi, \phi), \psi) + ((\psi, \chi), \phi) = 1$

33. स्तम्भ-I तथा II के मध्य सही सम्बन्ध चुनिए :

स्तम्भ-I	स्तम्भ-II
A. आकाशीय समांगता	P. ऊर्जा का संरक्षण
B. आकाश की समदैशिकता (आइसोट्रोपी)	Q. रेखीय संवेग का संरक्षण
C. समय की समांगता	R. कोणीय संवेग का संरक्षण

A	B	C
(1) P	Q	R
(2) Q	R	P
(3) R	P	Q
(4) R	Q	P

31. Consider the following two transformations given below :

I. $Q = \sqrt{2q} e^a \cos p;$
 $P = \sqrt{2q} e^{-a} \sin p$

II. $Q = \frac{1}{p}; P = ap^2$

Choose correct statement for these transformation.

- (1) Both I and II transformations are canonical.
- (2) Only I transformation is canonical.
- (3) Only II transformation is canonical.
- (4) Neither I nor II transformation are canonical.

32. Choose wrong property (relation) for Poisson bracket.

- (1) $(\phi, \psi) = -(\psi, \phi)$
- (2) $(\phi, \psi + \chi) = (\phi, \psi) + (\phi, \chi)$
- (3) $(\phi, \chi\psi) = \chi(\phi, \psi) + (\phi, \chi)\psi$
- (4) $((\phi, \psi), \chi) + ((\chi, \phi), \psi) + ((\psi, \chi), \phi) = 1$

33. Choose correct relation between Column I and II.

Column - I	Column - II
A. Homogeneity of space	P. Conservation of Energy
B. Isotropy of space	Q. Conservation of Linear Momentum
C. Homogeneity of time	R. Conservation of Angular Momentum

A	B	C
(1) P	Q	R
(2) Q	R	P
(3) R	P	Q
(4) R	Q	P

34. एक सरल आवर्त गति में अधिकतम त्वरण एवं अधिकतम वेग का अनुपात 10 s^{-1} है। $t = 0$ पर विस्थापन 5 m है। यदि प्रारम्भिक कला $\frac{\pi}{4}$ है, तो अधिकतम त्वरण है -

- (1) 500 m/s^2
- (2) $500\sqrt{2} \text{ m/s}^2$
- (3) 750 m/s^2
- (4) $250\sqrt{2} \text{ m/s}^2$

35. एक दोलनी निकाय के लिए अवकलन समीकरण है

$$\frac{d^2x}{dt^2} + 2r \frac{dx}{dt} + w_0^2 x = 0$$

यदि $w_0 \gg r$ तो वह समय जिसमें ऊर्जा का मान इसके प्रारम्भिक मान का $\frac{1}{e^4}$ गुणा हो जाता है, है -

- (1) $\frac{2}{r} \text{ s}$
- (2) $\frac{1}{r} \text{ s}$
- (3) $\frac{1}{2r} \text{ s}$
- (4) $\frac{1}{4r} \text{ s}$

36. प्रणोदित आवर्ती दोलक में विस्थापन तथा परिचालक बल के मध्य निम्न परिचालक आवृत्ति तथा उच्च परिचालक आवृत्ति पर कलान्तर क्रमशः होगा -

- (1) $\frac{\pi}{2}$ तथा $\frac{\pi}{2}$
- (2) 0 तथा $\frac{\pi}{2}$
- (3) $\frac{\pi}{2}$ तथा π
- (4) 0 तथा π

34. The ratio of maximum acceleration to maximum velocity in a SHM is 10 s^{-1} . At $t = 0$ the displacement is 5 m . If initial phase is $\frac{\pi}{4}$, then the maximum acceleration is

- (1) 500 m/s^2
- (2) $500\sqrt{2} \text{ m/s}^2$
- (3) 750 m/s^2
- (4) $250\sqrt{2} \text{ m/s}^2$

35. The differential equation of an oscillating system is

$$\frac{d^2x}{dt^2} + 2r \frac{dx}{dt} + w_0^2 x = 0$$

If $w_0 \gg r$, the time in which energy becomes $\frac{1}{e^4}$ times of its initial value is

- (1) $\frac{2}{r} \text{ s}$
- (2) $\frac{1}{r} \text{ s}$
- (3) $\frac{1}{2r} \text{ s}$
- (4) $\frac{1}{4r} \text{ s}$

36. The phase difference between displacement and driving force in forced harmonic oscillator at low driving frequency and at high driving frequency will be respectively

- (1) $\frac{\pi}{2}$ and $\frac{\pi}{2}$
- (2) 0 and $\frac{\pi}{2}$
- (3) $\frac{\pi}{2}$ and π
- (4) 0 and π

37. $y = (0.02 \text{ m}) \sin [(1.0 \text{ m}^{-1})x + (30 \text{ s}^{-1})t]$ से प्रदर्शित अनुप्रस्थ तरंग $1.2 \times 10^{-4} \text{ kg/m}$ के रेखीय द्रव्यमान घनत्व की तनी हुई डोरी में गमन कर रही है। डोरी में तनाव है -

- (1) 0.059 N
- (2) 0.108 N
- (3) 0.158 N
- (4) 0.216 N

38. समान आयाम A तथा समान आवृत्ति की दो तरंगें एक माध्यम में समान दिशा में गमन कर रही हैं। परिणामी तरंग का आयाम होगा -

- (1) शून्य
- (2) A
- (3) $2A$
- (4) शून्य तथा $2A$ के मध्य

39. दोनों सिरों से बंधी एक रस्सी में क्रमागत अप्रगामी तरंगों की विधायें हैं जिनमें दो आसन्न निस्पंदों के मध्य दूरी क्रमशः 18 cm तथा 16 cm हैं। रस्सी की संभव लम्बाई क्या होगी ?

- (1) 36 cm
- (2) 72 cm
- (3) 96 cm
- (4) 144 cm

40. L उचित लम्बाई की पतली छड़ $0.6 C$ वेग से अपनी लम्बाई से 30° दिशा में गतिशील है। इसकी लम्बाई है -

- (स्थिर निर्देश तन्त्र में)
- (1) $0.6 L$
 - (2) $0.7 L$
 - (3) $0.8 L$
 - (4) $0.85 L$

37. A transverse wave described by $y = (0.02 \text{ m}) \sin [(1.0 \text{ m}^{-1})x + (30 \text{ s}^{-1})t]$ propagates on a stretched string having a linear mass density of $1.2 \times 10^{-4} \text{ kg/m}$. The tension in the string is

- (1) 0.059 N
- (2) 0.108 N
- (3) 0.158 N
- (4) 0.216 N

38. Two waves of equal amplitude A and equal frequency travel in the same direction in a medium. The amplitude of the resultant wave will be

- (1) zero
- (2) A
- (3) $2A$
- (4) between zero and $2A$

39. A string fixed at both ends has consecutive standing wave modes for which the distance between adjacent nodes are 18 cm and 16 cm respectively. What is the possible length of the string ?

- (1) 36 cm
- (2) 72 cm
- (3) 96 cm
- (4) 144 cm

40. A thin rod of proper length L is moving with velocity $0.6 C$ in a direction at 30° to its own length. Its length is (In a stationary reference frame)

- (1) $0.6 L$
- (2) $0.7 L$
- (3) $0.8 L$
- (4) $0.85 L$

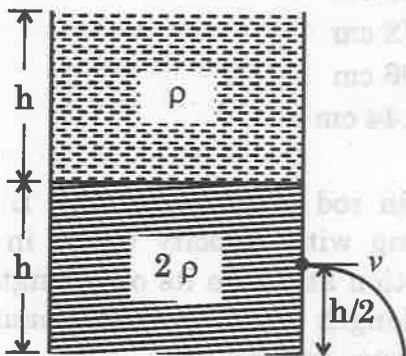
41. एक निर्देश तंत्र S' नियत आपेक्षिकीय चाल से दूसरे स्थिर निर्देश तंत्र S के सापेक्ष गतिशील है। यदि कण का पथ निर्देश तंत्र S' में वृत्ताकार है तब निर्देश तंत्र S में यह प्रतीत होगा -

- (1) सीधी रेखा
- (2) वृत्त
- (3) परबलय
- (4) दीर्घवृत्त

42. विराम द्रव्यमान m_0 का कण वेग $0.9c$ से गतिशील है। इसकी गतिज ऊर्जा है -

- (1) m_0c^2
- (2) $1.3 m_0c^2$
- (3) $2.3 m_0c^2$
- (4) $5.3 m_0c^2$

43. चित्र में दर्शाये अनुसार बृहद काट क्षेत्र के स्थिर बेलनाकार टैंक में ρ तथा 2ρ घनत्व के दो द्रव समान ऊँचाई h तक भरे हैं। यदि तले से $\frac{h}{2}$ ऊँचाई पर एक छोटा छिद्र किया जाता है, तो इससे बहिर्गति की चाल होगी -



- (1) $\sqrt{4gh}$
- (2) $\sqrt{3gh}$
- (3) $\sqrt{2gh}$
- (4) $\sqrt{gh}$

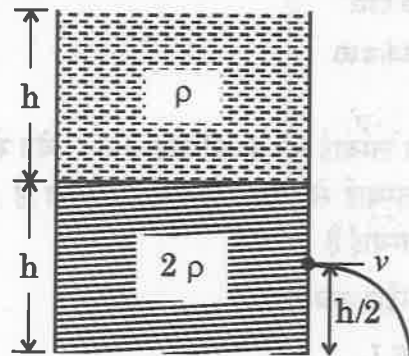
41. A reference frame S' is moving with a constant relativistic speed with respect to another stationary reference frame S . If path of particle in S' frame is circle, then in frame S it will appear as

- (1) straight line
- (2) circle
- (3) parabola
- (4) ellipse

42. A particle of rest mass m_0 is moving with a velocity $0.9c$. Its kinetic energy is

- (1) m_0c^2
- (2) $1.3 m_0c^2$
- (3) $2.3 m_0c^2$
- (4) $5.3 m_0c^2$

43. A fixed cylindrical tank having large cross-section area is filled with two liquids of densities ρ and 2ρ upto equal height h as shown in figure. If a small hole is made at height $\frac{h}{2}$ from the bottom. The speed of efflux will be



- (1) $\sqrt{4gh}$
- (2) $\sqrt{3gh}$
- (3) $\sqrt{2gh}$
- (4) $\sqrt{gh}$

44. यदि सोने के गोले (घनत्व – 19.5 kg/m^3) की श्यान द्रव (घनत्व – 1.5 kg/m^3) में सीमान्त चाल 0.2 m/s है, तब चाँदी (घनत्व – 10.5 kg/m^3) के समान आकार के गोले की समान द्रव में सीमान्त चाल होगी

- (1) 0.1 m/s
- (2) 0.133 m/s
- (3) 0.2 m/s
- (4) 0.4 m/s

45. यदि r त्रिज्या के साबुन के बुलबुले को फुलाने में W कार्य आवश्यक है तो इसे $3r$ त्रिज्या तक फुलाने के लिए आवश्यक अतिरिक्त कार्य है –

- (1) $4W$
- (2) $8W$
- (3) $27W$
- (4) $36W$

46. एक फोटोन की ऊर्जा एक प्रोटोन की गतिज ऊर्जा के समान हैं। फोटोन की ऊर्जा E है। यदि प्रोटोन का दे-ब्रोग्ली तरंगदैर्घ्य λ_1 तथा फोटोन का तरंगदैर्घ्य λ_2 है। अनुपात $\frac{\lambda_1}{\lambda_2}$ समानुपाती है –

- (1) E^0
- (2) $E^{1/2}$
- (3) E^{-1}
- (4) E^{-2}

44. If the terminal speed of a sphere of gold (density – 19.5 kg/m^3) is 0.2 m/s in a viscous liquid (density – 1.5 kg/m^3), then the terminal speed of silver sphere (density – 10.5 kg/m^3) of the same size in the same liquid will be

- (1) 0.1 m/s
- (2) 0.133 m/s
- (3) 0.2 m/s
- (4) 0.4 m/s

45. If work required to blow a soap bubble of radius r is W , then the additional work required to be done to blow it to a radius $3r$ is

- (1) $4W$
- (2) $8W$
- (3) $27W$
- (4) $36W$

46. The energy of a photon is equal to the kinetic energy of a proton. The energy of photon is E . If λ_1 be the de-Broglie wave length of the proton and λ_2 be the wave length of the photon. The ratio $\frac{\lambda_1}{\lambda_2}$ is proportional to

- (1) E^0
- (2) $E^{1/2}$
- (3) E^{-1}
- (4) E^{-2}

47. एक इलेक्ट्रॉन का वेग 300 m/s है। यदि इस इलेक्ट्रॉन के वेग में अनिश्चितता 0.001% है, तो इसकी स्थिति में न्यूनतम अनिश्चितता होगी -

- (1) ≈ 0.019 m
- (2) ≈ 0.190 m
- (3) ≈ 0.380 m
- (4) ≈ 1.900 m

48. नीचे दिए गए युग्मों में गलत युग्म चुनिए :

प्रेक्षणीय निर्देशांक निरूपण

- | | |
|-----------|---|
| A. स्थिति | $\langle x \rangle$ |
| B. संवेग | $\langle i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \rangle$ |
| C. ऊर्जा | $\langle -i\hbar \frac{\partial}{\partial x} \rangle$ |
| D. वेग | $\frac{\partial \langle x \rangle}{\partial t}$ |

- (1) केवल A
- (2) केवल B
- (3) B व C
- (4) A, B, C तथा D

49. संवेग निरूपण में वेग का तुल्य संकारक है -
(संकेतों के प्रचलित अर्थ हैं।)

- (1) $\frac{2 \langle k \rangle}{\alpha}$
- (2) $\langle \hbar^2 k \rangle$
- (3) $\langle \hbar k \rangle$
- (4) $\langle \hbar^2 W \rangle$

47. The velocity of an electron is 300 m/s. If uncertainty in the velocity of electron is 0.001%, then minimum uncertainty in its position will be

- (1) ≈ 0.019 m
- (2) ≈ 0.190 m
- (3) ≈ 0.380 m
- (4) ≈ 1.900 m

48. Choose wrong combinations among the following :

Observable Co-ordinate Representation

- | | |
|-------------|---|
| A. Position | $\langle x \rangle$ |
| B. Momentum | $\langle i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \rangle$ |
| C. Energy | $\langle -i\hbar \frac{\partial}{\partial x} \rangle$ |
| D. Velocity | $\frac{\partial \langle x \rangle}{\partial t}$ |

- (1) only A
- (2) only B
- (3) B & C
- (4) A, B, C and D

49. The operator equivalent of velocity in momentum representation is (symbols have their usual meanings)

- (1) $\frac{2 \langle k \rangle}{\alpha}$
- (2) $\langle \hbar^2 k \rangle$
- (3) $\langle \hbar k \rangle$
- (4) $\langle \hbar^2 W \rangle$

50. निम्न में से क्रमविनिमेयक के लिए गलत सर्वसमिका (सम्बन्ध) चुनिए :

- (1) $[A, B] = -[B, A]$
- (2) $[A, BC] = [A, B] C + B[A, C]$
- (3) $[AB, C] = [A, C] B + A[B, C]$
- (4) $[A, [B, C]] = B[C, A] + C[A, B]$

51. डिराक ब्रा-केट निरूपण के लिए सही कथन चुनिए ।

- (1) निकाय के सभी केट सदिश मिलकर एक अरेखीय सदिश समष्टि बनाते हैं ।
- (2) प्रत्येक केट का हर्मिस संयुग्मी ब्रा सदिश होता है ।
- (3) सभी ब्रा को सम्मिलित करती समष्टि केट समष्टि से भिन्न विमीयता रखती है ।
- (4) ब्रा तथा केट समष्टियों के मध्य कोई संगतता (सम्बन्ध) नहीं होती है ।

52. सभी प्रेक्षणीय राशियों के वर्ग का प्रत्याशा मान होता है -

- (1) सदैव ऋणात्मक एवं काल्पनिक
- (2) सदैव धनात्मक एवं वास्तविक
- (3) धनात्मक अथवा ऋणात्मक हो सकता है, किंतु सदैव वास्तविक
- (4) वास्तविक अथवा काल्पनिक हो सकता है, किन्तु सदैव धनात्मक

53. एक मुक्त कण निकाय की अपभ्रष्टता होती है -

- (1) चार
- (2) तीन
- (3) दो
- (4) एक

50. Choose wrong identity for commutator among the following :

- (1) $[A, B] = -[B, A]$
- (2) $[A, BC] = [A, B] C + B[A, C]$
- (3) $[AB, C] = [A, C] B + A[B, C]$
- (4) $[A, [B, C]] = B[C, A] + C[A, B]$

51. Choose correct statement for Dirac Bra-ket notation.

- (1) All the ket vectors of system together form a non-linear vector space.
- (2) The Hermitian conjugate of each ket is a bra-vector.
- (3) The bras comprise a space having different dimensionality as the ket space.
- (4) There is no correspondence between the bra and ket spaces.

52. The expectation value of square of all observable quantities are

- (1) negative and imaginary ever.
- (2) positive and real ever.
- (3) may be positive or negative but real ever.
- (4) may be real or imaginary but positive ever.

53. The degeneracy of a free particle system is

- (1) Four
- (2) Three
- (3) Two
- (4) One

54. V ऊँचाई के विभव प्राचीर पर जब ऊर्जा $E (> v)$ का एक कण आपतित होता है तो परावर्तन गुणांक होगा -

(संकेतों के प्रचलित अर्थ हैं)

(1) शून्य

(2) 1

(3) $\left(\frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2}\right)^2$

(4) $\frac{2k_1 k_2}{(k_1 + k_2)^2}$

55. यदि एक कण एक विमीय बॉक्स की $x = 0$ तथा $x = L$ पर सीमाओं के मध्य बद्ध है, $n = 3$ के लिए सर्वाधिक प्रायिक स्थितियाँ हैं -

(1) $x = \frac{L}{3}, x = \frac{2L}{3}, x = L$

(2) $x = \frac{L}{4}, x = \frac{L}{2}, x = \frac{3}{4}L$

(3) $x = 0; x = \frac{L}{2}; x = L$

(4) $x = \frac{L}{6}, x = \frac{3L}{6}, x = \frac{5L}{6}$

56. एक बॉक्स में कण के लिए, सन्निकट ऊर्जा आइगेन मानों में भिन्नात्मक अन्तर है

$\left[\frac{\Delta E_n}{E_n} = \right]$

(1) शून्य

(2) $\frac{2n+1}{n^2}$

(3) $\frac{1}{n^2}$

(4) $\frac{n+1}{n-1}$

54. When a particle with energy $E (> v)$ is incident on a potential barrier of height V , the reflection coefficient will be

(symbols have their usual meanings)

(1) zero

(2) 1

(3) $\left(\frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2}\right)^2$

(4) $\frac{2k_1 k_2}{(k_1 + k_2)^2}$

55. If a particle is bound in a one dimensional box with boundaries at $x = 0$ and $x = L$, the most probable positions for $n = 3$ are at

(1) $x = \frac{L}{3}, x = \frac{2L}{3}, x = L$

(2) $x = \frac{L}{4}, x = \frac{L}{2}, x = \frac{3}{4}L$

(3) $x = 0; x = \frac{L}{2}; x = L$

(4) $x = \frac{L}{6}, x = \frac{3L}{6}, x = \frac{5L}{6}$

56. For a particle in a box, the fractional difference in the energy between adjacent eigen value is

$\left[\frac{\Delta E_n}{E_n} = \right]$

(1) zero

(2) $\frac{2n+1}{n^2}$

(3) $\frac{1}{n^2}$

(4) $\frac{n+1}{n-1}$

57. रेखीय आवर्ती दोलित्र की तृतीय उत्तेजित अवस्था में ऊर्जा 0.1 eV है। इसके दोलन की आवृत्ति है -

- (1) 6.89×10^{12} Hz
- (2) 6.89×10^9 Hz
- (3) 6.89×10^7 Hz
- (4) 6.89×10^6 Hz

58. 100 eV ऊर्जा का एक इलेक्ट्रॉन पुंज 1 mm चौड़ी तथा 110 eV ऊँची एक विमीय आयताकार रोधिका पर आपतित है। रोधिका से परागमित इलेक्ट्रॉन की प्रतिशत प्रायिकता होगी

- (1) 73%
- (2) 37%
- (3) 27%
- (4) 63%

59. L^2 (L-कक्षीय कोणीय संवेग) के $l = 0, 1, 2, \dots$ के लिए आइगेन मान (λ) इस प्रकार दिए जाते हैं

- (1) $\hbar^2 l$
- (2) $\hbar^2 l^2$
- (3) $\hbar^2 l(l+1)$
- (4) $\hbar \frac{l}{l+1}$

60. कक्षीय कोणीय संवेग के घटकों, रेखीय संवेग तथा स्थिति के मध्य सही क्रम-विनिमय सम्बन्ध चुनिए।

- (1) $[L_x, L_y] = -i\hbar L_z$
- (2) $[L_x, y] = -i\hbar z$
- (3) $[L_x, P_y] = -i\hbar P_z$
- (4) $[L_x, P_x] = 0$

57. The energy of a linear harmonic oscillator in its third excited state is 0.1 eV. Its frequency of vibration is

- (1) 6.89×10^{12} Hz
- (2) 6.89×10^9 Hz
- (3) 6.89×10^7 Hz
- (4) 6.89×10^6 Hz

58. An electron beam of 100 eV energy is incident on 1 mm wide and 110 eV high one dimension rectangular potential well. The transmitting percentage probability of electron will be

- (1) 73%
- (2) 37%
- (3) 27%
- (4) 63%

59. The eigen values (λ) of L^2 (L - orbital angular momentum) for $l = 0, 1, 2, \dots$ are given by

- (1) $\hbar^2 l$
- (2) $\hbar^2 l^2$
- (3) $\hbar^2 l(l+1)$
- (4) $\hbar \frac{l}{l+1}$

60. Choose correct commutation relation between components of orbital angular momentum, linear momentum and position.

- (1) $[L_x, L_y] = -i\hbar L_z$
- (2) $[L_x, y] = -i\hbar z$
- (3) $[L_x, P_y] = -i\hbar P_z$
- (4) $[L_x, P_x] = 0$

61. यदि $|\alpha, m\rangle$ इस प्रकार का प्रसामान्य केट है कि $J^2|\alpha, m\rangle = \alpha|\alpha, m\rangle$ तथा $J_z|\alpha, m\rangle = m|\alpha, m\rangle$, तो

- (1) $\alpha < m^2$
- (2) $\alpha = m^2$
- (3) $\alpha \geq m^2$
- (4) $\alpha = m$

62. $J_1 = J_2 = +\frac{1}{2}$ होने पर क्लेब्स-गॉर्डन (C.G.) गुणांक है -

- (1) $C_1 = \frac{1}{\sqrt{2}}, C_2 = -\frac{1}{\sqrt{2}}, C_3 = 1, C_4 = 1$
- (2) $C_1 = C_2 = C_3 = \frac{1}{\sqrt{2}}, C_4 = -\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (3) $C_1 = C_2 = 1, C_3 = C_4 = -\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (4) $C_1 = C_3 = -\frac{1}{\sqrt{2}}, C_2 = C_4 = 1$

63. 2s अवस्था में H परमाणु के नाभिक से इलेक्ट्रॉन की औसत दूरी है - [a_0 - बोर त्रिज्या]

- (1) $6 a_0$
- (2) $4 a_0$
- (3) $2 a_0$
- (4) $\frac{3}{2} a_0$

64. $l = 0$ क्वांटम अवस्था में, चक्रण-कक्षीय युग्मन के कारण इलेक्ट्रॉन की ऊर्जा में परिवर्तन का प्रत्याशा मान होगा -

- (1) शून्य
- (2) $\frac{\hbar^2}{2} \langle f(r) \rangle$
- (3) $\hbar \langle f(r) \rangle$
- (4) $\frac{\hbar^2}{\langle f(r) \rangle}$

61. If $|\alpha, m\rangle$ is normalized ket such that $J^2|\alpha, m\rangle = \alpha|\alpha, m\rangle$ and $J_z|\alpha, m\rangle = m|\alpha, m\rangle$, then

- (1) $\alpha < m^2$
- (2) $\alpha = m^2$
- (3) $\alpha \geq m^2$
- (4) $\alpha = m$

62. The Clebsch-Gordon (C.G.) coefficient when $J_1 = J_2 = +\frac{1}{2}$, are

- (1) $C_1 = \frac{1}{\sqrt{2}}, C_2 = -\frac{1}{\sqrt{2}}, C_3 = 1, C_4 = 1$
- (2) $C_1 = C_2 = C_3 = \frac{1}{\sqrt{2}}, C_4 = -\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (3) $C_1 = C_2 = 1, C_3 = C_4 = -\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (4) $C_1 = C_3 = -\frac{1}{\sqrt{2}}, C_2 = C_4 = 1$

63. The average distance of the electron from the nucleus of H atom in the 2s state is - [a_0 - Bohr radius]

- (1) $6 a_0$
- (2) $4 a_0$
- (3) $2 a_0$
- (4) $\frac{3}{2} a_0$

64. For a quantum state $l = 0$; the expectation value of change in electron energy due to spin-orbit coupling will be

- (1) zero
- (2) $\frac{\hbar^2}{2} \langle f(r) \rangle$
- (3) $\hbar \langle f(r) \rangle$
- (4) $\frac{\hbar^2}{\langle f(r) \rangle}$

65. m द्रव्यमान का एक कण $V_0 = \frac{1}{2} kx^2$ के एक विमीय सरल आवृत्ति विभव में कोणीय आवृत्ति $\omega = \sqrt{k/m}$ के साथ गति करता है। यदि लघु क्षोभ (परटरबेशन) पद $V^{(1)} = \frac{1}{2} \delta k x^2$ को जोड़ा जाता है, तो मूल अवस्था की ऊर्जा में प्रथम कोटि क्षोभ (परटरबेशन) है -

(1) $E^{(1)} = \frac{1}{2} \left(\frac{\delta k}{k} \right)^2 \hbar \omega$

(2) $E^{(1)} = \frac{1}{4} \left(\frac{\delta k}{k} \right) \hbar \omega$

(3) $E^{(1)} = \frac{1}{16} \left(\frac{\delta k}{k} \right)^2 \hbar \omega$

(4) $E^{(1)} = \frac{1}{16} \left(\frac{\delta k}{k} \right) \hbar^2 \omega$

66. He परमाणु की मूल अवस्था की ऊर्जा का विचरण विधि (वेरियेशन) से प्राप्त मान प्रथम कोटि की स्थिर क्षोभ (परटरबेशन) विधि से प्राप्त मान जिस राशि से कम होता है वह है -

(1) 0.65 eV

(2) 1.32 eV

(3) 2.64 eV

(4) 5.28 eV

67. यदि l^{th} आंशिक तरंग में कला विस्थापन δ_l है, तो कुल प्रकीर्णन काट क्षेत्र इस प्रकार प्रदर्शित किया जाएगा -

(1) $\sigma_{\text{Tot}} = \frac{4\pi}{k^2} \sum_l (2l+1) \sin^2 \delta_l$

(2) $\sigma_{\text{Tot}} = \frac{4\pi}{k^2} \sum_l l \sin^2 \delta_l$

(3) $\sigma_{\text{Tot}} = \frac{4\pi}{k^2} \sum_l (2l+1) \sin \delta_l$

(4) $\sigma_{\text{Tot}} = \frac{4\pi}{k^2} \sin \delta_l$

65. A particle of mass m moves in a one dimensional simple harmonic potential $V_0 = \frac{1}{2} kx^2$ with angular frequency $\omega = \sqrt{k/m}$. If small perturbing term $V^{(1)} = \frac{1}{2} \delta k x^2$ is added, then first order perturbation in the energy of ground state is

(1) $E^{(1)} = \frac{1}{2} \left(\frac{\delta k}{k} \right)^2 \hbar \omega$

(2) $E^{(1)} = \frac{1}{4} \left(\frac{\delta k}{k} \right) \hbar \omega$

(3) $E^{(1)} = \frac{1}{16} \left(\frac{\delta k}{k} \right)^2 \hbar \omega$

(4) $E^{(1)} = \frac{1}{16} \left(\frac{\delta k}{k} \right) \hbar^2 \omega$

66. The ground state energy of He atom obtained by variation method is smaller than the value obtained by first order stationary perturbation method by the quantity

(1) 0.65 eV

(2) 1.32 eV

(3) 2.64 eV

(4) 5.28 eV

67. If δ_l is the phase shift in the l^{th} partial wave, then the total scattering cross section is represented by

(1) $\sigma_{\text{Tot}} = \frac{4\pi}{k^2} \sum_l (2l+1) \sin^2 \delta_l$

(2) $\sigma_{\text{Tot}} = \frac{4\pi}{k^2} \sum_l l \sin^2 \delta_l$

(3) $\sigma_{\text{Tot}} = \frac{4\pi}{k^2} \sum_l (2l+1) \sin \delta_l$

(4) $\sigma_{\text{Tot}} = \frac{4\pi}{k^2} \sin \delta_l$

68. फर्मी-गोल्डन नियम के अनुसार संक्रमण दर इन अवस्थाओं को जोड़ने वाले क्षोभ के मैट्रिक्स अवयव की n वीं घात के समानुपाती तथा अन्तिम अवस्था में घनत्व की m वीं घात के समानुपाती होती है। यहाँ n व m क्रमशः हैं -

- (1) 1 तथा 3
- (2) 2 तथा 2
- (3) 1 तथा 4
- (4) 2 तथा 1

69. WKB सन्निकट की वैधता की शर्त कण के तरंगदैर्घ्य के पदों में है (किसी एक विमीय प्रकरण में)

- (1) $\frac{d^2}{dx^2} \left(\frac{\lambda}{2\pi} \right) \leq 1$
- (2) $\left| \frac{d}{dx} \left(\frac{\lambda}{2\pi} \right) \right| \leq 1$
- (3) $\left| \lambda \frac{dp}{dx} \right| \geq |2\pi p|$
- (4) $\left| \lambda \frac{d^2p}{dx^2} \right| = 0$

70. हाइड्रोजन परमाणु स्पेक्ट्रम में संक्रमण $3P \rightarrow 1S$ तथा $2P \rightarrow 1S$ के संगत दो रेखाओं की तीव्रता का अनुपात ज्ञात कीजिए। यह माना गया है कि $3P$ तथा $2P$ अवस्था में समान संख्या में परमाणु उत्तेजित हैं।

- (1) 1 : 1
- (2) 4 : 3
- (3) 16 : 9
- (4) 256 : 81

68. According to Fermi-Golden rule, the transition rate is proportional to n^{th} power of the matrix element of perturbation connecting these states and proportional to m^{th} power of the density of final states. Here n and m are respectively

- (1) 1 and 3
- (2) 2 and 2
- (3) 1 and 4
- (4) 2 and 1

69. The validity condition for WKB approximation in terms of the wavelength of the particle is (in a one dimensional case)

- (1) $\frac{d^2}{dx^2} \left(\frac{\lambda}{2\pi} \right) \leq 1$
- (2) $\left| \frac{d}{dx} \left(\frac{\lambda}{2\pi} \right) \right| \leq 1$
- (3) $\left| \lambda \frac{dp}{dx} \right| \geq |2\pi p|$
- (4) $\left| \lambda \frac{d^2p}{dx^2} \right| = 0$

70. Find the ratio of intensities of the two lines corresponding to the transitions $3P \rightarrow 1S$ and $2P \rightarrow 1S$ in the hydrogen atom spectrum. It is assumed that equal number of atoms are excited to the $3P$ and $2P$ states.

- (1) 1 : 1
- (2) 4 : 3
- (3) 16 : 9
- (4) 256 : 81

71. विभव $V(r) = \frac{V_0 e^{-\alpha r}}{\alpha r}$ के लिए प्रथम बॉर्न सन्निकट $\left(\frac{k}{\alpha} \ll 1\right)$ की वैधता की शर्त है (यहाँ लंबाई $1/\alpha$ विभव की परास है)

(1) $\frac{2mV_0}{\hbar^2 \alpha^2} \gg 1$

(2) $\frac{2mV_0}{\hbar^2 \alpha^2} \ll 1$

(3) $\frac{\hbar^2 \alpha}{V_0} \gg 1$

(4) $\frac{\alpha^2}{\hbar V_0} \ll 1$

72. दो समरूप कणों के निकाय के लिए, प्रत्येक कण किसी एक n क्वांटम अवस्था में हो सकता है, तो निकाय की असममित अवस्थाओं की संख्या है -

(1) n

(2) $n(n+1)$

(3) $\frac{n(n+1)}{2}$

(4) $\frac{n(n-1)}{2}$

73. दो इलेक्ट्रॉन निकाय में ऊर्जा स्तरों का विनिमय विपाटन (विभाजन) विनिमय संकारक के पदों में है -

(1) $\hat{V}_{\text{exch}} = A [\hat{S}_1 \cdot \hat{S}_2]$

(2) $\hat{V}_{\text{exch}} = -\frac{1}{2} A [1 + 4\hat{S}_1 \cdot \hat{S}_2]$

(3) $\hat{V}_{\text{exch}} = \frac{1}{4} A [1 - 2\hat{S}_1 \cdot \hat{S}_2]$

(4) $\hat{V}_{\text{exch}} = A \left[\frac{1}{2} + \hat{S}_1 \cdot \hat{S}_2 \right]$

71. The condition of validity of first Born approximation $\left(\frac{k}{\alpha} \ll 1\right)$ for

the potential $V(r) = \frac{V_0 e^{-\alpha r}}{\alpha r}$ is

(here length $1/\alpha$ is the range of potential)

(1) $\frac{2mV_0}{\hbar^2 \alpha^2} \gg 1$

(2) $\frac{2mV_0}{\hbar^2 \alpha^2} \ll 1$

(3) $\frac{\hbar^2 \alpha}{V_0} \gg 1$

(4) $\frac{\alpha^2}{\hbar V_0} \ll 1$

72. For a system of two identical particles, each of which can be in one of n quantum states, the number of anti symmetric states of the system are

(1) n

(2) $n(n+1)$

(3) $\frac{n(n+1)}{2}$

(4) $\frac{n(n-1)}{2}$

73. The exchange splitting of the energy levels of a two electron system in term of exchange operator is

(1) $\hat{V}_{\text{exch}} = A [\hat{S}_1 \cdot \hat{S}_2]$

(2) $\hat{V}_{\text{exch}} = -\frac{1}{2} A [1 + 4\hat{S}_1 \cdot \hat{S}_2]$

(3) $\hat{V}_{\text{exch}} = \frac{1}{4} A [1 - 2\hat{S}_1 \cdot \hat{S}_2]$

(4) $\hat{V}_{\text{exch}} = A \left[\frac{1}{2} + \hat{S}_1 \cdot \hat{S}_2 \right]$

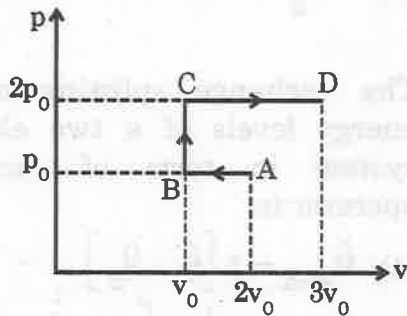
74. निम्नलिखित में से कौन सा विकल्प क्लीन-गॉर्डन (K.G.) समीकरण को सही प्रदर्शित करता है ?

- (1) $\left[\nabla^2 - \frac{\partial^2}{\partial t^2} + \frac{m_0^2 c^4}{\hbar^2} \right] \psi = 0$
- (2) $\left[\nabla^2 - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} - \frac{m_0^2 c^4}{\hbar^2} \right] \psi = 0$
- (3) $\left[\nabla - \frac{1}{c} \frac{\partial}{\partial t} + \frac{m_0 c^2}{\hbar} \right] \psi = 0$
- (4) $\left[\nabla^2 + \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} + \frac{m_0 c^2}{\hbar} \right] \psi = 0$

75. डिराक समीकरण के α तथा β मैट्रिक्स के लिए गलत गुणधर्म चुनिए :

- (1) मैट्रिक्सों का आइगेन मान ± 1 होता है ।
- (2) ट्रेस (Trace) $\alpha_i = 0$
- (3) $\alpha_j \beta + \beta \alpha_j = I$
- (4) $\alpha_j \alpha_k + \alpha_k \alpha_j = 0$ ($j \neq k$ के लिए)

76. एक आदर्श गैस के लिए p-v आरेख चित्र में दर्शाया है । गैस द्वारा प्रक्रम ABCD में किया गया कार्य है -



- (1) $p_0 v_0$
- (2) $2p_0 v_0$
- (3) $3p_0 v_0$
- (4) $4p_0 v_0$

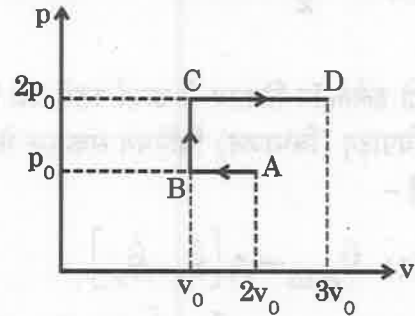
74. Which of the following option is a correct representation of the Klein-Gordon equation ?

- (1) $\left[\nabla^2 - \frac{\partial^2}{\partial t^2} + \frac{m_0^2 c^4}{\hbar^2} \right] \psi = 0$
- (2) $\left[\nabla^2 - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} - \frac{m_0^2 c^4}{\hbar^2} \right] \psi = 0$
- (3) $\left[\nabla - \frac{1}{c} \frac{\partial}{\partial t} + \frac{m_0 c^2}{\hbar} \right] \psi = 0$
- (4) $\left[\nabla^2 + \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} + \frac{m_0 c^2}{\hbar} \right] \psi = 0$

75. Choose wrong property of α and β matrices in Dirac equation

- (1) Eigen values of the matrices must be ± 1 .
- (2) Trace $\alpha_i = 0$
- (3) $\alpha_j \beta + \beta \alpha_j = I$
- (4) $\alpha_j \alpha_k + \alpha_k \alpha_j = 0$ (for $j \neq k$)

76. p-v diagram of an ideal gas is shown in figure. Work done by the gas in the process ABCD is



- (1) $p_0 v_0$
- (2) $2p_0 v_0$
- (3) $3p_0 v_0$
- (4) $4p_0 v_0$

77. एक रुद्धोष्म प्रक्रम में, गैस का दाब इसके ताप के घन के समानुपाती पाया जाता है। गैस के लिए γ का मान है -

- (1) 11/9
- (2) 7/5
- (3) 5/3
- (4) 3/2

78. गिब्स विभव परिभाषित किया जाता है -

- (1) $G = U - PV + TS$
- (2) $G = U + PV + TS$
- (3) $G = U - PV - TS$
- (4) $G = U + PV - TS$

79. किसी गैस की एंथैल्पी जूल-थॉमसन प्रसार से पूर्व तथा पश्चात् क्रमशः 77.2 कैलोरी तथा 106.8 कैलोरी हैं। यदि निष्कर्षित द्रव की एंथैल्पी 55.4 कैलोरी है, तो द्रवित गैस का अंश है -

- (1) 0.52
- (2) 0.58
- (3) 0.62
- (4) 0.68

80. उत्क्रमण ताप (T_i) बॉयल ताप (T_B) तथा क्रान्तिक ताप (T_C) के मध्य सम्बन्ध है -

- (1) $T_B = 2T_i = 6.75 T_C$
- (2) $T_C = T_B = 6.75 T_i$
- (3) $T_i = 2T_B = 6.75 T_C$
- (4) $T_C = T_i = T_B$

77. During an adiabatic process, the pressure of a gas is found to be proportional to the cube of its temperature. The value of γ for the gas is

- (1) 11/9
- (2) 7/5
- (3) 5/3
- (4) 3/2

78. Gibb's potential is defined as

- (1) $G = U - PV + TS$
- (2) $G = U + PV + TS$
- (3) $G = U - PV - TS$
- (4) $G = U + PV - TS$

79. The enthalpies of certain gas before and after Joule-Thomson expansion are 77.2 cal and 106.8 cal respectively. If enthalpy of emerging liquid is 55.4 cal then fraction of gas liquefied will be

- (1) 0.52
- (2) 0.58
- (3) 0.62
- (4) 0.68

80. The relation between temperature of inversion (T_i), Boyle temperature (T_B) and critical temperature (T_C) is

- (1) $T_B = 2T_i = 6.75 T_C$
- (2) $T_C = T_B = 6.75 T_i$
- (3) $T_i = 2T_B = 6.75 T_C$
- (4) $T_C = T_i = T_B$

81. निम्न में से सही मैक्सवेल सम्बन्ध चुनिए :

(1) $\left(\frac{\partial T}{\partial V}\right)_S = -\left(\frac{\partial P}{\partial S}\right)_V$

(2) $\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_T = -\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V$

(3) $\left(\frac{\partial T}{\partial P}\right)_S = -\left(\frac{\partial V}{\partial S}\right)_P$

(4) $\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P = \left(\frac{\partial S}{\partial P}\right)_T$

82. यदि अभिक्रिया $2\text{CO}_2 \rightarrow 2\text{CO} + \text{O}_2$ के लिए μ_1 , μ_2 तथा μ_3 क्रमशः CO_2 , CO तथा O_2 के प्रति परमाणु रासायनिक विभव हैं, तो अभिक्रिया के साम्यावस्था में रहने की शर्त है -

(1) $2\mu_1 = 2\mu_2 + \mu_3$

(2) $\mu_1 = \mu_2 + \mu_3$

(3) $\mu_1 = \mu_2 + 2\mu_3$

(4) $\mu_1 = \frac{\mu_2 + \mu_3}{2}$

83. संवितरण फलन के पदों में हेल्महोल्टज मुक्त ऊर्जा प्रदर्शित की जाती है -

(1) $F = \frac{\ln Z}{NkT}$

(2) $F = -NkT \ln Z$

(3) $F = Nk \left[\ln Z + \frac{\partial}{\partial T} \ln Z \right]$

(4) $F = NkT \left(\frac{\partial}{\partial n} \ln Z \right)$

81. Choose correct Maxwell relation among the following :

(1) $\left(\frac{\partial T}{\partial V}\right)_S = -\left(\frac{\partial P}{\partial S}\right)_V$

(2) $\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_T = -\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V$

(3) $\left(\frac{\partial T}{\partial P}\right)_S = -\left(\frac{\partial V}{\partial S}\right)_P$

(4) $\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P = \left(\frac{\partial S}{\partial P}\right)_T$

82. For reaction $2\text{CO}_2 \rightarrow 2\text{CO} + \text{O}_2$, if μ_1 , μ_2 and μ_3 are chemical potential per atom of CO_2 , CO and O_2 respectively. Then condition for equilibrium of the reaction is

(1) $2\mu_1 = 2\mu_2 + \mu_3$

(2) $\mu_1 = \mu_2 + \mu_3$

(3) $\mu_1 = \mu_2 + 2\mu_3$

(4) $\mu_1 = \frac{\mu_2 + \mu_3}{2}$

83. Helmholtz free energy in terms of partition function is represented by

(1) $F = \frac{\ln Z}{NkT}$

(2) $F = -NkT \ln Z$

(3) $F = Nk \left[\ln Z + \frac{\partial}{\partial T} \ln Z \right]$

(4) $F = NkT \left(\frac{\partial}{\partial n} \ln Z \right)$

84. कमरे के ताप 300 K पर किसी स्थूल निकाय की ऊर्जा 10^{-3} eV से बढ़ाई जाती है। निकाय की अभिगम्य अवस्थाओं की संख्या में प्रतिशत वृद्धि होगी -

(दिया है $e^{0.0385} = 1.039$)

- (1) 1.3%
- (2) 2.6%
- (3) 3.9%
- (4) 5.2%

85. द्वितीय कोटि प्रावस्था संक्रमण में, गिब्स फलन का ताप तथा दाब के सापेक्ष प्रथम अवकलज होते हैं -

- (1) संक्रमण बिन्दु पर असतत।
- (2) संक्रमण बिन्दु पर सतत।
- (3) संक्रमण बिन्दु पर सतत भी हो सकते हैं या असतत भी।
- (4) असतत जब अवस्था द्रव से गैस में परिवर्तन हो।

86. यदि परम ताप T_1 पर 1 gm बर्फ T_2 परम ताप पर भाप में बदलती है तो एन्ट्रॉपी में परिवर्तन है - (L_i - बर्फ की गुप्त ऊष्मा; L_s = वाष्प की गुप्त ऊष्मा तथा C - पानी की विशिष्ट ऊष्मा)

- (1) $\Delta S = \frac{L_i}{T_1} + \frac{T_2}{T_1} + \frac{L_s}{T_2}$
- (2) $\Delta S = \frac{L_i}{T_1} + C \frac{T_2}{T_1} + \frac{L_s}{T_2}$
- (3) $\Delta S = (L_i + L_s) \left(\frac{T_1 + T_2}{2} \right) + C \ln \left(\frac{T_2}{T_1} \right)$
- (4) $\Delta S = \frac{L_i}{T_1} + \frac{L_s}{T_2} + C \ln \left(\frac{T_2}{T_1} \right)$

84. The energy of some macro system is increased by 10^{-3} eV at room temperature 300 K. The percentage increase in accessible states of the system will be (given $e^{0.0385} = 1.039$)

- (1) 1.3 %
- (2) 2.6 %
- (3) 3.9 %
- (4) 5.2 %

85. In second order phase transition, the first derivatives of Gibb's function with respect to temperature and pressure are

- (1) discontinuous at transition point.
- (2) continuous at transition point.
- (3) may be continuous or discontinuous at transition point.
- (4) discontinuous when state change from liquid to gas.

86. If 1 gm of ice at absolute temperature T_1 converts into steam at absolute temperature T_2 , then the change in entropy is (L_i - Latent heat of ice; L_s = Latent heat of steam and C - specific heat of water)

- (1) $\Delta S = \frac{L_i}{T_1} + \frac{T_2}{T_1} + \frac{L_s}{T_2}$
- (2) $\Delta S = \frac{L_i}{T_1} + C \frac{T_2}{T_1} + \frac{L_s}{T_2}$
- (3) $\Delta S = (L_i + L_s) \left(\frac{T_1 + T_2}{2} \right) + C \ln \left(\frac{T_2}{T_1} \right)$
- (4) $\Delta S = \frac{L_i}{T_1} + \frac{L_s}{T_2} + C \ln \left(\frac{T_2}{T_1} \right)$

87. नियत आयतन का एक निकाय ऊष्मा भंडार के संपर्क में है। साम्यावस्था में निम्न में से कौन सी राशि न्यूनतम होनी चाहिए ?

- (1) आंतरिक ऊर्जा
- (2) हेल्महोल्टज ऊर्जा
- (3) एन्ट्रॉपी
- (4) एन्थैल्पी

88. हीलियम तनुकारी रेफ्रिजरेटर से प्राप्त किए जा सकने वाले न्यून ताप की कोटि है -

- (1) 100 K
- (2) 10 K
- (3) 1 K
- (4) 10^{-2} K

89. समष्टि में निर्दिष्ट स्थानिक एक निकाय में तीन समरूप कण हैं। प्रत्येक कण के लिए दो ऊर्जा अवस्थाएँ 0 व ϵ हैं। जब यह निकाय T ताप के तापकुण्ड के साथ तापीय साम्यावस्था में है, तब संवितरण फलन है -

- (1) $z = 1 + e^{-\beta\epsilon} + e^{-2\beta\epsilon} + e^{-3\beta\epsilon}$
- (2) $z = 1 + 2e^{-\beta\epsilon} + 2e^{-2\beta\epsilon} + e^{-3\beta\epsilon}$
- (3) $z = 1 + 3e^{-\beta\epsilon} + 3e^{-2\beta\epsilon} + e^{-3\beta\epsilon}$
- (4) $z = 1 + 2e^{-\beta\epsilon} + 3e^{-2\beta\epsilon} + e^{-3\beta\epsilon}$

90. कमरे के ताप के समीप एक आदर्श द्विपरमाणुक गैस के लिए, यदि गैस को नियत दाब पर प्रसारित किया जाता है तो आपूर्ति ऊष्मा का कितना अंश बाह्य कार्य के लिए उपलब्ध है ?

- (1) 1
- (2) $2/3$
- (3) $3/5$
- (4) $2/7$

87. A system of fixed volume is in contact with a heat reservoir. Which of the following quantity must be minimum under equilibrium ?

- (1) Internal energy
- (2) Helmholtz energy
- (3) Entropy
- (4) Enthalpy

88. The order of low temperature could be obtained by helium dilution refrigerator is

- (1) 100 K
- (2) 10 K
- (3) 1 K
- (4) 10^{-2} K

89. A system consists of three identical particles localized in space. Each particle has two states of energy 0 and ϵ . When this system is in the thermal equilibrium with a heat bath at temperature T, its partition function is

- (1) $z = 1 + e^{-\beta\epsilon} + e^{-2\beta\epsilon} + e^{-3\beta\epsilon}$
- (2) $z = 1 + 2e^{-\beta\epsilon} + 2e^{-2\beta\epsilon} + e^{-3\beta\epsilon}$
- (3) $z = 1 + 3e^{-\beta\epsilon} + 3e^{-2\beta\epsilon} + e^{-3\beta\epsilon}$
- (4) $z = 1 + 2e^{-\beta\epsilon} + 3e^{-2\beta\epsilon} + e^{-3\beta\epsilon}$

90. For a diatomic ideal gas near room temperature, what fraction of the heat supplied is available for external work if the gas is expanded at constant pressure ?

- (1) 1
- (2) $2/3$
- (3) $3/5$
- (4) $2/7$

91. एक ठोस वस्तु का घनत्व ρ , द्रव्यमान M एवं रेखिक प्रसार गुणांक α है। दाब P पर ऊष्मा धारिताएँ C_p एवं C_v निम्न प्रकार से सम्बन्धित हैं :

$$(1) C_p - C_v = \frac{\alpha MP}{\rho}$$

$$(2) C_p - C_v = \frac{\alpha MP}{3\rho}$$

$$(3) C_p - C_v = \frac{3 MP}{\rho\alpha}$$

$$(4) C_p - C_v = \frac{3 \alpha MP}{\rho}$$

92. रुद्धोष्म तथा समदाबीय आयतन प्रसार गुणांक का अनुपात है -

$$(1) \gamma$$

$$(2) \gamma - 1$$

$$(3) \frac{1}{\gamma - 1}$$

$$(4) \frac{\gamma}{\gamma - 1}$$

93. कृष्णिका विकिरण का ऊर्जा घनत्व परम ताप की n वीं घात के समानुपाती है। यहाँ n है -

$$(1) 1/2$$

$$(2) 1$$

$$(3) 2$$

$$(4) 4$$

91. A solid object has a density ρ , mass M and coefficient of linear expansion α . At pressure P the heat capacities C_p and C_v are related as

$$(1) C_p - C_v = \frac{\alpha MP}{\rho}$$

$$(2) C_p - C_v = \frac{\alpha MP}{3\rho}$$

$$(3) C_p - C_v = \frac{3 MP}{\rho\alpha}$$

$$(4) C_p - C_v = \frac{3 \alpha MP}{\rho}$$

92. The ratio of the adiabatic to the isobaric coefficient of volume expansion is

$$(1) \gamma$$

$$(2) \gamma - 1$$

$$(3) \frac{1}{\gamma - 1}$$

$$(4) \frac{\gamma}{\gamma - 1}$$

93. The energy density of the black body radiation is proportional to n^{th} power of absolute temperature. Here n is

$$(1) 1/2$$

$$(2) 1$$

$$(3) 2$$

$$(4) 4$$

94. 0 K पर इलेक्ट्रॉन गैस का फर्मी संवेग दिया जाता है -

- (1) $p_F = \left(\frac{1}{2} \frac{N}{\pi^2 V} \right)^{2/3} h$
- (2) $p_F = \left(\frac{3N}{8\pi V} \right)^{1/3} h$
- (3) $p_F = \left(\frac{3}{2} \frac{N}{\pi^2 V} \right)^{1/3} h^2$
- (4) $p_F = \left(\frac{4}{9} \frac{N}{\pi V} \right)^{2/3} h$

95. किसी निकाय द्वारा किसी स्थूल अवस्था में कलांत (व्यतीत) समय का अंश ऊष्मागतिकी प्रायिकता की n वीं घात के समानुपाती है। यहाँ n है -

- (1) 1
- (2) 2
- (3) -2
- (4) -3

96. त्रि-विम में ऊर्जा परास E तथा $E + dE$ के मध्य क्वांटम अवस्थाओं का घनत्व समानुपाती है -

- (1) $m - \text{कण का द्रव्यमान}$
- (2) $m^{1/2} E^{1/2}$
- (3) $m^{3/2} E^{1/2}$
- (4) $m^{1/2} E^{3/2}$
- (5) $m^{3/2} E^{3/2}$

97. समान ऊर्जा की 10 कोष्ठिकाएँ (सेल) तथा 100 परमाणुओं पर विचार कीजिए। न्यूनतम संभाव्य वितरण के लिए $\log \Omega$ है -

- (1) शून्य
- (2) 23
- (3) 145
- (4) 230

94. The Fermi momentum for an electron gas at 0 K is given by

- (1) $p_F = \left(\frac{1}{2} \frac{N}{\pi^2 V} \right)^{2/3} h$
- (2) $p_F = \left(\frac{3N}{8\pi V} \right)^{1/3} h$
- (3) $p_F = \left(\frac{3}{2} \frac{N}{\pi^2 V} \right)^{1/3} h^2$
- (4) $p_F = \left(\frac{4}{9} \frac{N}{\pi V} \right)^{2/3} h$

95. The fraction of the time spent by a system in a macro state is proportional to n^{th} power of the thermodynamic probability of the state. Here 'n' is

- (1) 1
- (2) 2
- (3) -2
- (4) -3

96. The density of quantum states in the energy range between E and $E + dE$ in three dimension is proportional to (m - mass of particle)

- (1) $m^{1/2} E^{1/2}$
- (2) $m^{3/2} E^{1/2}$
- (3) $m^{1/2} E^{3/2}$
- (4) $m^{3/2} E^{3/2}$

97. Consider 100 molecules and 10 cells of equal energy. $\log \Omega$ for least probable distribution is

- (1) zero
- (2) 23
- (3) 145
- (4) 230

98. बोस-आइन्सटीन सांख्यिकी में, रासायनिक विभव

- (1) सदैव धनात्मक होता है।
- (2) ऋणात्मक अथवा धनात्मक हो सकता है।
- (3) सदैव ऋणात्मक होता है।
- (4) सदैव शून्य होता है।

99. T ताप पर फर्मीऑन गैस के प्रबल अपभ्रष्ट होने की शर्त है -

(T_F - फर्मी ताप)

- (1) $T = T_F$
- (2) $T \ll T_F$
- (3) $T \geq T_F$
- (4) $T \gg T_F$

100. बोसॉन गैस के लिए ताप $T < T_B$ पर, $C_v =$

$ANk \left(\frac{T}{T_B} \right)^{3/2}$ है, यहाँ A का मान है -

- (1) 9.32
- (2) 6.21
- (3) 3.74
- (4) 1.93

101. एक गैस में केवल दो कण हैं। यदि ये कण तीन प्रावस्था सेल (कोष्ठिका) में मैक्सवेल-बोल्टजमैन सांख्यिकी के अनुसार X तरीकों से तथा बोस-आइन्सटीन सांख्यिकी से Y तरीकों से व्यवस्थित किए जा सकते हैं। यहाँ अनुपात X/Y है -

- (1) 1/3
- (2) 3/2
- (3) 3/1
- (4) 2/3

98. In Bose-Einstein statistics, the chemical potential

- (1) is always positive.
- (2) may be positive or negative.
- (3) is always negative.
- (4) is always zero.

99. Condition for a fermion gas to be strongly degenerate at temperature T is

(T_F - Fermi Temperature)

- (1) $T = T_F$
- (2) $T \ll T_F$
- (3) $T \geq T_F$
- (4) $T \gg T_F$

100. For a Boson gas at a temperature

$T < T_B$, $C_v = ANk \left(\frac{T}{T_B} \right)^{3/2}$, here

value of A is

- (1) 9.32
- (2) 6.21
- (3) 3.74
- (4) 1.93

101. A gas has only two particles. If these particles can be arranged in three phase cell according to Maxwell Boltzmann Statistics in X ways and in Y ways according to Bose-Einstein Statistics. The ratio X/Y is

- (1) 1/3
- (2) 3/2
- (3) 3/1
- (4) 2/3

102. यदि विकिरण ऊर्जा घनत्व $7.54 \times 10^{-16} \text{ T}^4 \text{ J/m}^3$ है, तो ताप 300 K पर कृष्णिका विकिरण का दाब होगा -

- (1) $6.09 \times 10^{-6} \text{ N/m}^2$
- (2) $3.05 \times 10^{-6} \text{ N/m}^2$
- (3) $2.03 \times 10^{-6} \text{ N/m}^2$
- (4) $1.52 \times 10^{-6} \text{ N/m}^2$

103. बड़ी संख्या के अणुओं से निर्मित गैस के लिए t समय तक एक अणु द्वारा कोई टक्कर नहीं किए जाने की प्रायिकता है -

(τ -विश्रान्ति काल)

- (1) $e^{-t/\tau}$
- (2) $e^{-2t/\tau}$
- (3) $e^{-t/2\tau}$
- (4) $e^{-t/4\tau}$

104. निम्न में से कौन सा कथन ब्राउनी गति के लिए सत्य नहीं है ?

- (1) गैसों का गत्यात्मक सिद्धान्त इन पर प्रभावी है।
- (2) कम श्यानता के द्रव में यह गति ज्यादा स्पष्ट (सहज) होती है।
- (3) ब्राउनी गति बड़े आकार के कणों के साथ प्रेक्षित नहीं होती है।
- (4) कोलोइडी विलयन को हिलाने से यह गति परिवर्तित हो जाती है।

102. If radiation energy density is $7.54 \times 10^{-16} \text{ T}^4 \text{ J/m}^3$ then pressure of black body radiation at temperature 300 K will be

- (1) $6.09 \times 10^{-6} \text{ N/m}^2$
- (2) $3.05 \times 10^{-6} \text{ N/m}^2$
- (3) $2.03 \times 10^{-6} \text{ N/m}^2$
- (4) $1.52 \times 10^{-6} \text{ N/m}^2$

103. For a gas consisting of a large number of molecules the probability that a molecule does not suffer a collision upto time t is (τ -relaxation time)

- (1) $e^{-t/\tau}$
- (2) $e^{-2t/\tau}$
- (3) $e^{-t/2\tau}$
- (4) $e^{-t/4\tau}$

104. Which of the following statement is NOT true for Brownian motion ?

- (1) The law of kinetic theory of gases are applicable to it.
- (2) The motion is more conspicuous in a liquid of lower viscosity.
- (3) The Brownian motion cannot be observed with particle of large size.
- (4) The motion is modified due to the shaking of colloidal solution.

105. किसी गैस के लिए स्व विसरण का गुणांक समानुपाती है -

(T-ताप, P-दाब)

- (1) $TP^{1/2}$
- (2) $T^{3/2} P^{1/2}$
- (3) $T^{3/2} P^{-1}$
- (4) TP^{-1}

106. विराम में स्थित एक नाभिक दो नाभिकों X व Y जिनके वेगों का अनुपात 2 : 1 है, में विभक्त होता है। X व Y की नाभिकीय त्रिज्याओं का अनुपात है :

- (1) $3^{1/2} : 1$
- (2) $1 : 2^{1/3}$
- (3) $2^{1/2} : 1$
- (4) $1 : 3^{1/3}$

107. ड्यूटेरॉन तथा α कण की प्रति न्यूक्लियान बन्धन ऊर्जा क्रमशः X_1 तथा X_2 हैं। अभिक्रिया ${}^2_1\text{H} + {}^2_1\text{H} \rightarrow {}^4_2\text{He} + Q$ में उत्सर्जित ऊर्जा Q कितनी होगी ?

- (1) $4(X_1 + X_2)$
- (2) $4(X_2 - X_1)$
- (3) $2(X_1 + X_2)$
- (4) $2(X_2 - X_1)$

105. Coefficient of self diffusion for a gas is directly proportional to (T-Temperature; P - Pressure)

- (1) $TP^{1/2}$
- (2) $T^{3/2} P^{1/2}$
- (3) $T^{3/2} P^{-1}$
- (4) TP^{-1}

106. A nucleus at rest disintegrates into two nuclei X and Y having velocities in the ratio 2 : 1, the ratio of the nuclear radii of X and Y is

- (1) $3^{1/2} : 1$
- (2) $1 : 2^{1/3}$
- (3) $2^{1/2} : 1$
- (4) $1 : 3^{1/3}$

107. The binding energies per nucleon for a deuteron and an α -particle are X_1 and X_2 respectively. What will be the energy Q released in the reaction ?

- ${}^2_1\text{H} + {}^2_1\text{H} \rightarrow {}^4_2\text{He} + Q$
- (1) $4(X_1 + X_2)$
 - (2) $4(X_2 - X_1)$
 - (3) $2(X_1 + X_2)$
 - (4) $2(X_2 - X_1)$

108. नाभिकों A तथा B की बन्धन ऊर्जा क्रमशः E_a तथा E_b हैं। नाभिक B के तीन नाभिक संलयित होकर एक A नाभिक देते हैं। इस संलयन प्रक्रिया के साथ में E ऊर्जा मुक्त होती है, तो E_a तथा E_b एक दूसरे से इस प्रकार सम्बन्धित है -

- (1) $E_a + E = 3E_b$
- (2) $E_a = 3E_b$
- (3) $E_a - E = 3E_b$
- (4) $E_a + 3E_b + E = 0$

109. रेडियोएक्टिव क्षय जो $^{226}_{88}\text{Ra}$ से प्रारम्भ होकर $^{206}_{82}\text{Pb}$ पर समाप्त होती है, में उत्सर्जित α तथा β कणों की संख्या है

- (1) 3 α तथा 6 β
- (2) 4 α तथा 5 β
- (3) 5 α तथा 4 β
- (4) 6 α तथा 6 β

110. निम्न में से कौन से समन्यूट्रॉनिक युग्म हैं ?

- (1) ^3_1H तथा ^3_2He
- (2) $^{30}_{15}\text{P}$ तथा $^{30}_{14}\text{Si}$
- (3) $^{238}_{92}\text{U}$ तथा $^{232}_{90}\text{Th}$
- (4) $^{198}_{80}\text{Hg}$ तथा $^{197}_{79}\text{Au}$

111. निम्न में से किस नाभिक का चक्रण शून्य नहीं है ?

- (1) $^{17}_8\text{O}$
- (2) $^{40}_{20}\text{Ca}$
- (3) $^{88}_{38}\text{Sr}$
- (4) $^{208}_{82}\text{Pb}$

108. The binding energies of the nuclei A and B are E_a and E_b respectively. Three nuclei of B fuse to give one nucleus of A. This fusion process is accompanied by release of energy E. Then E_a , E_b are related to each other as

- (1) $E_a + E = 3E_b$
- (2) $E_a = 3E_b$
- (3) $E_a - E = 3E_b$
- (4) $E_a + 3E_b + E = 0$

109. The number of α and β particles emitted during the radioactive decay chain starting from $^{226}_{88}\text{Ra}$ and ending at $^{206}_{82}\text{Pb}$ is

- (1) 3 α and 6 β
- (2) 4 α and 5 β
- (3) 5 α and 4 β
- (4) 6 α and 6 β

110. Which of the following forms a pair of isotones ?

- (1) ^3_1H and ^3_2He
- (2) $^{30}_{15}\text{P}$ and $^{30}_{14}\text{Si}$
- (3) $^{238}_{92}\text{U}$ and $^{232}_{90}\text{Th}$
- (4) $^{198}_{80}\text{Hg}$ and $^{197}_{79}\text{Au}$

111. Which one of the following nuclei does NOT have zero spin ?

- (1) $^{17}_8\text{O}$
- (2) $^{40}_{20}\text{Ca}$
- (3) $^{88}_{38}\text{Sr}$
- (4) $^{208}_{82}\text{Pb}$

112. A द्रव्यमान संख्या का एक नाभिक E ऊर्जा का α कण उत्सर्जित करता है। उत्पादित नाभिक की गतिज ऊर्जा लगभग है -

(1) $K = \left(\frac{A}{A-4}\right) E$

(2) $K = \left(\frac{A-4}{A}\right) E$

(3) $K = \frac{4E}{A}$

(4) $K = \frac{AE}{4}$

113. सही शर्त का कूट चुनिए :

क्षय शर्त

P. β^- क्षय ${}^A_Z M > {}^A_{Z+1} M$

Q. β^+ क्षय ${}^A_Z M > {}^A_{Z-1} M + 2m_e$

R. इलेक्ट्रॉन प्रग्रहण ${}^A_Z M > {}^A_{Z-1} M$

(1) केवल P

(2) P तथा Q

(3) Q तथा R

(4) सभी तीनों P, Q एवं R

114. γ किरणों का आन्तरिक रूपान्तरण गुणांक समानुपाती है

(1) Z^3 के

(2) Z^2 के

(3) Z^1 के

(4) Z^0 के

112. If a nucleus with mass number A emit a α particle of energy E, the kinetic energy of the product nucleus is approximately

(1) $K = \left(\frac{A}{A-4}\right) E$

(2) $K = \left(\frac{A-4}{A}\right) E$

(3) $K = \frac{4E}{A}$

(4) $K = \frac{AE}{4}$

113. Choose codes for correct conditions.

Decay Condition

P. β^- decay ${}^A_Z M > {}^A_{Z+1} M$

Q. β^+ decay ${}^A_Z M > {}^A_{Z-1} M + 2m_e$

R. Electron Captured ${}^A_Z M > {}^A_{Z-1} M$

(1) only P

(2) P and Q

(3) Q and R

(4) All three P, Q and R

114. Internal conversion coefficient of γ rays is proportional to

(1) Z^3

(2) Z^2

(3) Z^1

(4) Z^0

115. ड्यूटेरॉन में नाभिकीय बल के परास में न्यूट्रॉन तथा प्रोटोन के होने की प्रायिकता लगभग है -

- (1) 70%
- (2) 60%
- (3) 50%
- (4) 30%

116. युकावा विभव इस प्रकार दिया जाता है (प्रतीकों के प्रचलित अर्थ हैं)

- (1) $V = -V_0 \exp\left(\frac{-r}{R}\right)$
- (2) $V = -V_0 \frac{\exp\left(-\frac{r}{R}\right)}{\frac{r}{R}}$
- (3) $V = -V_0 \frac{R}{r}$
- (4) $V = -V_0 R \exp\left(+\frac{r}{R}\right)$

117. अर्ध-आनुभाषिक द्रव्यमान सूत्र में पृष्ठीय ऊर्जा की द्रव्यमान संख्या पर निर्भरता इस प्रकार प्रदर्शित होती है -

- (1) $E_s \propto A^{-2/3}$
- (2) $E_s \propto A^{-1/3}$
- (3) $E_s \propto A^{1/3}$
- (4) $E_s \propto A^{2/3}$

118. नाभिकीय कोश प्रतिरूप में प्रचक्रण कक्षा युग्मन के कारण प्रेक्षित स्तर अन्तराल ΔE_{ls} समानुपाती है

- (1) $(2l + 1)$ के
- (2) $(2l - 1)$ के
- (3) $(2s + 1)$ के
- (4) $(2s - 1)$ के

115. The probability of finding the neutron and proton within the range of nuclear force in deuteron is about

- (1) 70%
- (2) 60%
- (3) 50%
- (4) 30%

116. Yukawa potential is given by (symbols have their usual meaning)

- (1) $V = -V_0 \exp\left(\frac{-r}{R}\right)$
- (2) $V = -V_0 \frac{\exp\left(-\frac{r}{R}\right)}{\frac{r}{R}}$
- (3) $V = -V_0 \frac{R}{r}$
- (4) $V = -V_0 R \exp\left(+\frac{r}{R}\right)$

117. The dependence of surface energy on mass number in semi-empirical mass formula is shown as

- (1) $E_s \propto A^{-2/3}$
- (2) $E_s \propto A^{-1/3}$
- (3) $E_s \propto A^{1/3}$
- (4) $E_s \propto A^{2/3}$

118. The observed level-spacing ΔE_{ls} due to spin-orbit interaction in shell model is proportional to

- (1) $(2l + 1)$
- (2) $(2l - 1)$
- (3) $(2s + 1)$
- (4) $(2s - 1)$

119. सममित स्वतः विखण्डन की शर्त है -

(1) $\frac{Z}{A} \geq 10$

(2) $\frac{Z}{A^2} \geq 12$

(3) $\frac{Z^2}{A} \geq 15$

(4) $\frac{Z^3}{A} \geq 15$

120. एक निकाय, जिसमें एक प्रोटोन एक गोलाकार नाभिक जिसमें समान संख्या में प्रोटोन तथा न्यूट्रॉन हैं के परितः परिसंचरण (वृत्ताकार गति) कर रहा है का चतुर्ध्रुव आघूर्ण है :

(1) धनात्मक

(2) ऋणात्मक

(3) शून्य

(4) धनात्मक या ऋणात्मक हो सकता है ।

121. स्थायित्व रेखा में नाभिक ^{56}Fe से ^{235}U तक बढ़ने पर प्रति न्यूक्लियन नाभिकीय बन्धन ऊर्जा लगभग 8.8 MeV से 7.6 MeV तक घटती है । इस प्रवृत्ति का मुख्य कारण है -

(1) नाभिकीय बलों की अल्प परास प्रकृति

(2) नाभिकीय बलों की प्रदिश प्रकृति

(3) नाभिकीय बलों की चक्रण निर्भरता

(4) कूलॉम बलों की उच्च परास प्रकृति

119. Condition for symmetric spontaneous fission is

(1) $\frac{Z}{A} \geq 10$

(2) $\frac{Z}{A^2} \geq 12$

(3) $\frac{Z^2}{A} \geq 15$

(4) $\frac{Z^3}{A} \geq 15$

120. The quadrupole moment of a system in which a proton is circling a spherical nucleus having equal number of proton and neutron is

(1) positive

(2) negative

(3) zero

(4) may be positive or negative

121. As one moves along the line of stability from ^{56}Fe to ^{235}U nucleus, the nuclear binding energy per nucleon decreases from about 8.8 MeV to 7.6 MeV. This trend is mainly due to the

(1) Short range nature of nuclear forces.

(2) Tensor nature of nuclear forces.

(3) Spin dependence of the nuclear forces.

(4) Long range nature of coulomb forces.

122. γ किरण उत्सर्जन के अतिरिक्त एक उत्तेजित नाभिक का विद्युत-चुंबकीय क्षय आन्तरिक रूपांतरण द्वारा भी हो सकता है। यदि λ_e तथा λ_γ ऐसे किसी क्षय में क्रमशः एक इलेक्ट्रॉन तथा एक फोटोन के उत्सर्जन की प्रायिकताएँ हो तो उत्तेजित अवस्था में क्षय की कुल प्रायिकता (λ) है -

(α -आंतरिक परिवर्तन गुणांक)

(1) $\lambda = \lambda_\gamma (1 + \alpha)$

(2) $\lambda = \lambda_e (1 + \alpha)$

(3) $\lambda = \lambda_\gamma (1 - \alpha)$

(4) $\lambda = \frac{\lambda_e}{\lambda_\gamma} + \alpha$

123. ड्यूटेरॉन अन्तर-नाभिकीय विभव को v_0 गहराई तथा r_0 परास का आयताकार कूप मानने पर ड्यूटेरॉन की त्रिज्या समानुपाती है -

(1) $r_0 v_0$

(2) $r_0^{1/2} v_0$

(3) $r_0 v_0^{1/2}$

(4) $r_0 v_0^2$

124. यौगिक नाभिक के जीवनकाल की कोटि है -

(1) $10^{-2}s$

(2) $10^{-8}s$

(3) $10^{-15}s$

(4) $10^{-30}s$

122. Beside γ -ray emission, electromagnetic decay of an excited nuclear state can be accomplished through internal conversion. If λ_e and λ_γ are the probabilities of emission of an electron and emission of a photon respectively in such a decay. Then total probability (λ) of the decay of the excited state is (α -internal conversion coefficient).

(1) $\lambda = \lambda_\gamma (1 + \alpha)$

(2) $\lambda = \lambda_e (1 + \alpha)$

(3) $\lambda = \lambda_\gamma (1 - \alpha)$

(4) $\lambda = \frac{\lambda_e}{\lambda_\gamma} + \alpha$

123. Assuming that the deuteron-inter-nucleon potential is of rectangular well type with depth v_0 and range r_0 , the radius of deuteron is proportional to

(1) $r_0 v_0$

(2) $r_0^{1/2} v_0$

(3) $r_0 v_0^{1/2}$

(4) $r_0 v_0^2$

124. The order of life time of compound nucleus is

(1) $10^{-2}s$

(2) $10^{-8}s$

(3) $10^{-15}s$

(4) $10^{-30}s$

125. V चाल का तापीय न्यूट्रॉन ^{235}U नाभिक से टकराता है। अभिक्रिया परिक्षेत्र समानुपाती है -

- (1) V^{-1} के
- (2) V^1 के
- (3) $V^{1/2}$ के
- (4) $V^{-1/2}$ के

126. ^9_4Be नाभिक बना है -

- (1) 13 अपक्वार्क तथा 13 डाउनक्वार्क से
- (2) 13 अपक्वार्क तथा 14 डाउनक्वार्क से
- (3) 14 अपक्वार्क तथा 13 डाउनक्वार्क से
- (4) 14 अपक्वार्क तथा 14 डाउनक्वार्क से

127. निम्नलिखित में से कौन सा गैलमान-निशिजिमा सम्बन्ध का सही निरूपण है ?

(प्रतीकों के सामान्य अर्थ हैं)

(1) $\phi = \frac{I_3 + B + S}{3}$

(2) $\phi = \frac{I_3 + B}{2} + S$

(3) $\phi = I_3 + \frac{B + S}{2}$

(4) $\phi = \frac{I_3 + S}{2} + B$

128. अभिक्रिया $\pi^+ + n \rightarrow X + \Sigma^0$ में X की बेरियान संख्या, विचित्रता तथा आइसोस्पिन का तृतीय घटक क्रमशः हैं -

- (1) $1, 1, \frac{1}{2}$
- (2) $0, 0, 1$
- (3) $1, 0, \frac{1}{2}$
- (4) $0, 1, \frac{1}{2}$

125. A thermal neutron having speed V impinges on a ^{235}U nucleus. The reaction cross section is proportional to

- (1) V^{-1}
- (2) V^1
- (3) $V^{1/2}$
- (4) $V^{-1/2}$

126. ^9_4Be nucleus consists of

- (1) 13 upquarks and 13 downquarks.
- (2) 13 upquarks and 14 downquarks.
- (3) 14 upquarks and 13 downquarks.
- (4) 14 upquarks and 14 downquarks.

127. Which of the following is a correct representation of the Gell-Mann-Nishijima relation ?

(Symbols have their usual meaning)

(1) $\phi = \frac{I_3 + B + S}{3}$

(2) $\phi = \frac{I_3 + B}{2} + S$

(3) $\phi = I_3 + \frac{B + S}{2}$

(4) $\phi = \frac{I_3 + S}{2} + B$

128. In reaction $\pi^+ + n \rightarrow X + \Sigma^0$, the Baryon number, strangeness and third component of isospin of X are respectively

- (1) $1, 1, \frac{1}{2}$
- (2) $0, 0, 1$
- (3) $1, 0, \frac{1}{2}$
- (4) $0, 1, \frac{1}{2}$

129. दुर्बल अन्योन्यक्रियाएँ घटित होने का कारण, विनिमय है

- (1) गेज बोसोन का
- (2) ग्रेविटॉन का
- (3) मेसॉन का
- (4) लेप्टॉन का

130. यदि C संकारक आवेश सममित रूपान्तरण को दर्शाता है, तो C के साथ क्रिया पर निम्न में से कौन सी क्वांटम संख्या का चिन्ह नहीं बदलेगा ?

- (1) आवेश
- (2) प्रचक्रण
- (3) विचित्रता
- (4) लेप्टॉन संख्या

131. एक आयनन प्रकोष्ठ को 1000 V विभव तक आवेशित किया जाता है। 2×10^5 आयन युग्म उत्पन्न करने वाले α कण के गुजरने के कारण इसका आवेश कितने प्रतिशत घटेगा ?

(इसकी धारिता 50 pf है)

- (1) $3.2 \times 10^{-5} \%$
- (2) $4.8 \times 10^{-5} \%$
- (3) $6.4 \times 10^{-5} \%$
- (4) $12.8 \times 10^{-5} \%$

132. यदि गाइगर मूलर (GM) गणित्र का पक्षाघात समय τ है, तो गणित्र की दक्षता है -

(N - गणित्र में प्रति सेकण्ड प्रवेशित आयनों की संख्या, n प्रति सेकण्ड गणना)

- (1) $\eta = \tau/N$
- (2) $\eta = \frac{n\tau}{N} - 1$
- (3) $\eta = n\tau + 1$
- (4) $\eta = 1 - n\tau$

129. Weak interaction take place due to exchange of

- (1) Gauge Bosons
- (2) Graviton
- (3) Meson
- (4) Lepton

130. If C operator represents charge symmetric transformation, then which one of following quantum number will not change sign under the action of C ?

- (1) Charge
- (2) Spin
- (3) Strangeness
- (4) Lepton number

131. An ionisation chamber is charged to a potential of 1000 V. By what percentage its charge would reduce in passing an α particle producing 2×10^5 ion pairs ?

(Its capacity be 50 pfc)

- (1) $3.2 \times 10^{-5} \%$
- (2) $4.8 \times 10^{-5} \%$
- (3) $6.4 \times 10^{-5} \%$
- (4) $12.8 \times 10^{-5} \%$

132. If τ is paralysis time of a GM counter, then efficiency of counter is (N - No. of ions enter per second in counter, n - counts per second)

- (1) $\eta = \tau/N$
- (2) $\eta = \frac{n\tau}{N} - 1$
- (3) $\eta = n\tau + 1$
- (4) $\eta = 1 - n\tau$

133. एक आनुपातिक गणित्र में बेलन के अक्ष से r दूरी पर स्थित बिन्दु पर विद्युत क्षेत्र की तीव्रता E दी जाती है -

(V_0 आरोपित विभवान्तर है तथा a व b आन्तरिक एवं बाह्य इलेक्ट्रोडों की त्रिज्याएँ हैं)

(1) $E_r = V_0 \log_e \left(\frac{b}{a} \right)$

(2) $E_r = \frac{V_0}{r \log_e (b/a)}$

(3) $E_r = \frac{V_0 r}{\log_e (b/a)}$

(4) $E_r = \frac{V_0}{r} \left(\frac{b}{a} \right)$

134. रेखिक त्वरक में n वीं नली की लम्बाई n की X वीं घात के समानुपाती होती है। यहाँ X है -

(1) $1/2$

(2) $-1/2$

(3) 2

(4) -2

135. प्रस्फुरण गणित्र में 20 keV ऊर्जा की एक γ -किरण उच्चिष्ठ 32 V ऊँचाई की स्पष्ट वोल्टता पर प्राप्त होती है। अर्द्ध उच्चिष्ठ पर पूर्ण चौड़ाई (FWHM) 4 keV है। गणित्र का प्रतिशत विभेदन है -

(1) 5%

(2) 10%

(3) 20%

(4) 30%

133. The electric field strength E in a proportional counter, at a point distant r from the axis of cylinder is given by

(V_0 is the applied potential difference and a and b are radii of inner and outer electrodes)

(1) $E_r = V_0 \log_e \left(\frac{b}{a} \right)$

(2) $E_r = \frac{V_0}{r \log_e \left(\frac{b}{a} \right)}$

(3) $E_r = \frac{V_0 r}{\log_e (b/a)}$

(4) $E_r = \frac{V_0}{r} \left(\frac{b}{a} \right)$

134. The length of n^{th} tube in linear accelerator is proportional to X^{th} power of n . Here X is

(1) $1/2$

(2) $-1/2$

(3) 2

(4) -2

135. In a scintillation counter a γ -ray peak of 20 keV energy is observed at a pulse height of 32 V. The full width at half maxima (FWHM) is 4 keV. The percentage resolution of counter is

(1) 5%

(2) 10%

(3) 20%

(4) 30%

136. द्रव्यमान M, लंबाई L, समय T तथा आवेश Q के आधार मानकों में मुक्त आकाश की चुंबकीय पारगम्यता μ_0 की विमाएँ होंगी

- (1) $ML^2T^{-1}Q^{-2}$ (2) LTQ^{-1}
(3) MLQ^{-2} (4) $LT^{-1}Q^{-1}$

137. सदिशों $\vec{a} = \hat{j} + \hat{k}$, $\vec{b} = 2\hat{i} + 3\hat{j} - 5\hat{k}$ तथा $\vec{c} = \hat{j} - \hat{k}$ के लिए सदिश गुणनफल $\vec{a} \times (\vec{b} \times \vec{c})$

- (1) $\vec{c}$ की दिशा में ही है।
(2) $\vec{c}$ की विपरीत दिशा में है।
(3) $\vec{b}$ की दिशा में ही है।
(4) $\vec{b}$ की विपरीत दिशा में है।

138. दो सदिशों का पूँछ (प्रारंभिक बिंदु) समान बिन्दु पर अवस्थित है। जब इनके मध्य का कोण 20° से बढ़ाया जाता है तो इनके अदिश गुणनफल का परिमाण नहीं बदलता किन्तु धनात्मक से ऋणात्मक हो जाता है। इनमें मध्य मूल कोण था -

- (1) 90°
(2) 60°
(3) 70°
(4) 80°

139. फलन $\phi = x^2 - 2xy + z^2$ का बिन्दु $(2, -1, 1)$ पर सदिश $\vec{A} = \hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}$ की दिशा में अवकलज है -

- (1) 2
(2) 4
(3) 6
(4) 8

136. In terms of the basic units of mass M, length L, time T and charge Q, the dimensions of magnetic permeability of free space μ_0 will be

- (1) $ML^2T^{-1}Q^{-2}$ (2) LTQ^{-1}
(3) MLQ^{-2} (4) $LT^{-1}Q^{-1}$

137. For vectors

$\vec{a} = \hat{j} + \hat{k}$, $\vec{b} = 2\hat{i} + 3\hat{j} - 5\hat{k}$ and $\vec{c} = \hat{j} - \hat{k}$ the vector product

$\vec{a} \times (\vec{b} \times \vec{c})$ is

- (1) in the same direction as $\vec{c}$
(2) in direction opposite to $\vec{c}$
(3) in the same direction as $\vec{b}$
(4) in direction opposite to $\vec{b}$

138. Two vectors lie with their tails at the same point. When the angle between them is increased by 20° their scalar product has the same magnitude but change from positive to negative. The original angle between them was

- (1) 90°
(2) 60°
(3) 70°
(4) 80°

139. The derivative of the function $\phi = x^2 - 2xy + z^2$ at the point $(2, -1, 1)$ in the direction of vector

$\vec{A} = \hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}$ is

- (1) 2
(2) 4
(3) 6
(4) 8

140. मैट्रिक्स $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 5 \\ 2 & 4 & 8 \end{pmatrix}$ की कोटि (रैंक) है

- (1) 1 (एक)
- (2) 2 (दो)
- (3) 3 (तीन)
- (4) 4 (चार)

141. मैट्रिक्स $A = \begin{bmatrix} a & 3 & 0 \\ 3 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ के दो आइगेन मान 1 तथा -1 हैं। तीसरा आइगेन मान क्या है ?

- (1) 2
- (2) -2
- (3) 5
- (4) -5

142. अवकलन समीकरण $y'' + 3y' + 2y = x^3 + x$ है -

- (1) प्रथम कोटि समघात समीकरण
- (2) प्रथम कोटि असमघाती समीकरण
- (3) द्वितीय कोटि समघात समीकरण
- (4) द्वितीय कोटि असमघाती समीकरण

143. लैजान्ड्रे बहुपद $P_n[x]$ के लिए गलत सम्बन्ध चुनिए।

- (1) $P_n(-1) = (-1)^n P_n(1)$
- (2) $nP_{n-1}(x) = P'_n(x) + x P'_{n-1}(x)$
- (3) $P_{-n}(x) = P_{n-1}(x)$
- (4) $P_n(1) = 1$

140. The rank of matrix

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 5 \\ 2 & 4 & 8 \end{pmatrix} \text{ is}$$

- (1) 1 (one)
- (2) 2 (two)
- (3) 3 (three)
- (4) 4 (four)

141. Two of the eigen values of the matrix

$$A = \begin{bmatrix} a & 3 & 0 \\ 3 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

are 1 and -1. What is the third eigen value ?

- (1) 2
- (2) -2
- (3) 5
- (4) -5

142. The differential equation

$$y'' + 3y' + 2y = x^3 + x \text{ is}$$

- (1) First order homogeneous equation.
- (2) First order inhomogeneous equation.
- (3) Second order homogeneous equation.
- (4) Second order inhomogeneous equation.

143. Choose wrong relation for Legendre polynomial $P_n[x]$

- (1) $P_n(-1) = (-1)^n P_n(1)$
- (2) $nP_{n-1}(x) = P'_n(x) + x P'_{n-1}(x)$
- (3) $P_{-n}(x) = P_{n-1}(x)$
- (4) $P_n(1) = 1$

144. $J_{1/2}(\pi/2)$ का मान है -

($J_{1/2}$ अर्द्ध कोटि (ऑर्डर) का बैसल फलन है)

- (1) शून्य
- (2) 1 (एक)
- (3) $2/\pi$
- (4) $\frac{\pi^2}{2}$

145. हरमाइट बहुपद का रोड्रिग सूत्र

$H_n(x) = (-1)^n e^{x^2} \frac{d^n}{dx^n} (e^{-x^2})$ से प्रदर्शित

है। यहाँ A व B के मान क्रमशः हैं -

- (1) $A = 2, B = 2$
- (2) $A = 2, B = 3$
- (3) $A = 2, B = 1$
- (4) $A = 3, B = 2$

146. अवकल समीकरण $xy'' + (1-x)y' + \lambda y = 0$ कहलाती है

($\lambda =$ नियतांक)

- (1) बैसल अवकल समीकरण
- (2) हरमाइट अवकल समीकरण
- (3) लैगरे अवकल समीकरण
- (4) लैजान्ड्रे अवकल समीकरण

147. माना $f(x) = x^2, -\pi < x < \pi$ तो फलन की फूरिये श्रेणी में गुणांक a_0 है

- (1) 0 (शून्य)
- (2) π^2
- (3) $\frac{\pi^2}{3}$
- (4) $\frac{\pi^3}{3}$

144. The value of $J_{1/2}(\pi/2)$ is

($J_{1/2}$ is half order Bessel function)

- (1) Zero
- (2) 1 (one)
- (3) $2/\pi$
- (4) $\frac{\pi^2}{2}$

145. Rodrigue's formula for Hermite Polynomial is given by

$H_n(x) = (-1)^n e^{x^2} \frac{d^n}{dx^n} (e^{-x^2})$. Here

values of A & B are respectively

- (1) $A = 2, B = 2$
- (2) $A = 2, B = 3$
- (3) $A = 2, B = 1$
- (4) $A = 3, B = 2$

146. The differential equation

$xy'' + (1-x)y' + \lambda y = 0$

($\lambda =$ constant) is called as

- (1) Bessel differential equation
- (2) Hermite differential equation
- (3) Laguerre's differential equation
- (4) Legendre differential equation

147. Let $f(x) = x^2, -\pi < x < \pi$, then coefficient a_0 in Fourier series of the function is

- (1) 0 (zero)
- (2) π^2
- (3) $\frac{\pi^2}{3}$
- (4) $\frac{\pi^3}{3}$

148. $f(t) = t \sin bt$ का लाप्लास रूपान्तरण है -

(1) $\frac{2bs}{s^2 + b^2}$

(2) $\frac{2bs}{s^2 - b^2}$

(3) $\frac{b + s}{2}$

(4) $(b - s)^2$

149. चरघातांकी क्षयित फलन $f(t) = 0$ ($t < 0$ के लिए) तथा $f(t) = Ae^{-\lambda t}$ ($t \geq 0$ के लिए) फूरिये रूपान्तरण ज्ञात कीजिए। ($\lambda > 0$)

(1) $\frac{A(\lambda + iw)}{2}$

(2) $\frac{A(\lambda - iw)}{2}$

(3) $\frac{A}{\pi} \frac{1}{(\lambda + iw)}$

(4) $\frac{A}{\sqrt{2\pi}} (\lambda + iw)$

150. दो समिश्र संख्याओं z_1 तथा z_2 के लिए सही सम्बन्ध चुनिए।

(1) $|z_1 + z_2| < |z_1| - |z_2|$

(2) $|z_1 + z_2| \leq |z_1| + |z_2|$

(3) $|z_1 + z_2| = |z_1| + |z_2|$

(4) $|z_1 + z_2| \geq |z_1| + |z_2|$

148. The Laplace transform of

$f(t) = t \sin bt$

(1) $\frac{2bs}{s^2 + b^2}$

(2) $\frac{2bs}{s^2 - b^2}$

(3) $\frac{b + s}{2}$

(4) $(b - s)^2$

149. Find the Fourier transform of exponentially decaying function $f(t) = 0$ for $t < 0$ and $f(t) = Ae^{-\lambda t}$ for $t \geq 0$. ($\lambda > 0$)

(1) $\frac{A(\lambda + iw)}{2}$

(2) $\frac{A(\lambda - iw)}{2}$

(3) $\frac{A}{\pi} \frac{1}{(\lambda + iw)}$

(4) $\frac{A}{\sqrt{2\pi}} (\lambda + iw)$

150. Choose correct relation for two complex numbers z_1 and z_2 .

(1) $|z_1 + z_2| < |z_1| - |z_2|$

(2) $|z_1 + z_2| \leq |z_1| + |z_2|$

(3) $|z_1 + z_2| = |z_1| + |z_2|$

(4) $|z_1 + z_2| \geq |z_1| + |z_2|$

$$f(t) = t \sin pt$$

$$(1) \frac{2pb}{s^2 + p^2}$$

$$(2) \frac{2pb}{s^2 - p^2}$$

$$(3) \frac{p + s}{2}$$

$$(4) (p - s)^2$$

148. Find the Fourier transform of exponentially decaying function $f(t) = 0$ for $t < 0$ and $f(t) = Ae^{-\lambda t}$ for $t \geq 0$, ($\lambda > 0$)

$$(1) \frac{A(\lambda + iw)}{2}$$

$$(2) \frac{A(\lambda - iw)}{2}$$

$$(3) \frac{A}{\pi(\lambda + iw)}$$

$$(4) \frac{A}{\sqrt{2\pi}(\lambda + iw)}$$

150. Choose correct relation for two complex numbers x_1 and x_2

$$(1) |x_1 + x_2| > |x_1| + |x_2|$$

$$(2) |x_1 + x_2| \geq |x_1| + |x_2|$$

$$(3) |x_1 + x_2| = |x_1| + |x_2|$$

$$(4) |x_1 + x_2| \leq |x_1| + |x_2|$$

$$(1) \frac{2pb}{s^2 + p^2}$$

$$(2) \frac{2pb}{s^2 - p^2}$$

$$(3) \frac{p + s}{2}$$

$$(4) (p - s)^2$$

149. एक फलन $f(t)$ को $f(t) = 0$ for $t < 0$ के लिए और $f(t) = Ae^{-\lambda t}$ for $t \geq 0$ के लिए, ($\lambda > 0$) फलन का फूरियर रूपांतरण ज्ञात करें।

$$(1) \frac{A(\lambda + iw)}{2}$$

$$(2) \frac{A(\lambda - iw)}{2}$$

$$(3) \frac{A}{\pi(\lambda + iw)}$$

$$(4) \frac{A}{\sqrt{2\pi}(\lambda + iw)}$$

150. दो जटिल संख्याओं x_1 और x_2 के लिए सही संबंध चुनें।

$$(1) |x_1 + x_2| > |x_1| + |x_2|$$

$$(2) |x_1 + x_2| \geq |x_1| + |x_2|$$

$$(3) |x_1 + x_2| = |x_1| + |x_2|$$

$$(4) |x_1 + x_2| \leq |x_1| + |x_2|$$